

Astrazioni polimorfe

Perché il polimorfismo

- ✓ non vogliamo definire versioni differenti dell'astrazione corrispondente ad una collezione di elementi
 - quando cambia il tipo degli elementi
 - insiemi di stringhe, insiemi di interi, insiemi di caratteri, etc.
- ✓ possiamo usare astrazioni polimorfe
 - che funzionano per diversi tipi
- ✓ un'astrazione di dato può essere polimorfa
 - rispetto al tipo degli elementi contenuti nei suoi oggetti
 - l'astrazione `Vector` è polimorfa rispetto al tipo dei suoi elementi
- ✓ una procedura o un iteratore possono essere polimorfi
 - rispetto ai tipi di uno o più dei loro argomenti
 - il metodo per rimuovere un elemento di tipo arbitrario da un vettore

Polimorfismo “vero”?

- ✓ esistono tipi “parametrici”
 - parametri di tipo “tipo” (à la ML)
 - `t set`, `t stack`,
 - il parametro `t` può essere istanziato ad un tipo qualunque
 - producendo una versione del tipo come `int set` o `int stack stack`
- ✓ nelle versioni attuali di Java esistono le classi generiche
 - i tipi sono classi
 - le classi possono avere parametri
 - in particolare parametri di tipo classe
- ✓ questo meccanismo è presente solo a tempo di compilazione
 - il compilatore produce codice analogo a quello che si sarebbe in Java originale, inclusi i controlli

Polimorfismo di Java

- ✓ non useremo il meccanismo dei generici
 - non utilizzato nel testo della Liskov
 - dal punto di vista metodologico, può essere interessante vedere come il polimorfismo si può realizzare con le gerarchie di tipi

Polimorfismo in Java

- ✓ espresso attraverso la gerarchia di tipi
- ✓ gli argomenti e le variabili di istanza
 - rispetto ai quali si vuole essere polimorfi
- ✓ vengono dichiarati appartenere ad un supertipo (tipo apparente!)
- ✓ i valori effettivi potranno appartenere ad un qualunque sottotipo
- ✓ il polimorfismo di Java è molto più debole di quello offerto da linguaggi in cui esistono davvero “i tipi polimorfi” (ML)
 - poco supporto da parte del compilatore
 - possibili eccezioni a tempo di esecuzione (casting)

Scelta del supertipo in una astrazione polimorfa

- ✓ molto spesso è `Object`
 - come nel caso di `Vector`
 - i metodi dell'astrazione polimorfa devono poter essere definiti utilizzando soltanto i metodi di `Object`
- ✓ talvolta è necessario utilizzare altri metodi
 - il supertipo è definito da una apposita interface
 - che prevede tali metodi
 - che definisce i reali vincoli sul tipo degli elementi
- ✓ nell'approccio più comune (element subtype)
 - gli elementi sono sottotipi di tale interface
- ✓ in un approccio alternativo (related subtype)
 - bisogna definire un sottotipo dell'interface per ogni tipo potenziale di elementi

Sommario

- ✓ astrazioni di dati polimorfe come collezioni di `Object`
 - `Set`: specifica e implementazione
 - problemi relativi all'uguaglianza e contenitori
- ✓ utilizzazione delle astrazioni di dati polimorfe, casting
- ✓ interfacce nell'approccio element subtype
 - `Comparable` e `OrderedList`
- ✓ l'approccio related subtype
 - `Adder` e `SumSet`
- ✓ la combinazione dei due approcci

Astrazioni di dati polimorfe come collezioni di `Object`: `Set`

- ✓ astraiamo in `IntSet` dal tipo degli elementi
- ✓ specifica simile a quella di `IntSet`
 - i metodi accettano oggetti come argomenti e restituiscono oggetti
- ✓ l'overview ci dice che
 - per confrontare oggetti i metodi usano il metodo `equals`
 - l'oggetto `null` non è mai contenuto in `this`

La specifica di Set

```
public class Set {
    // OVERVIEW: un Set è un insieme modificabile di Objects. con un numero qualunque
    // di elementi. null non può mai essere elemento di un Set. Si usa equals per
    // determinare l'uguaglianza degli elementi
    // costruttori
    public Set ()
        // EFFECTS: inizializza this all'insieme vuoto
    // metodi
    public void insert (Object x) throws NullPointerException
        // MODIFIES: this
        // EFFECTS: se x è null solleva NullPointerException, altrimenti
        // aggiunge x agli elementi di this
    public void remove (Object x)
        // MODIFIES: this
        // EFFECTS: se x è in this lo rimuove, altrimenti non fa nulla
    public boolean isIn (Object x)
        // EFFECTS: ritorna true se x appartiene a this, altrimenti ritorna false
    public boolean subset (Set s)
        // EFFECTS: ritorna true se tutti gli elementi di this appartengono a s,
        // altrimenti ritorna false
        // specifica di size e elements
}
```

Implementazione di Set

```
public class Set {
    private Vector els;
    public Set ( ) { els = new Vector( ); }
    private Set (Vector x) { els = x; }
    public void insert (Object x) throws NullPointerException {
        if (getIndex(x) < 0) els.add(x); }
    private int getIndex (Object x) {
        for (int i = 0; i < els.size(); i++)
            if (x.equals(els.get(i))) return i;
        return -1; }
    public boolean subset (Set s) {
        if (s == null) return false;
        for (int i = 0; i < els.size(); i++);
            if (!s.isIn(els.get(i))) return false;
        return true; }
    public Object clone ( ) { return new Set((Vector) els.clone( )); }
}
```

Implementazione di Set: commenti

- ✓ il metodo `insert` memorizza nell'insieme l'oggetto e non un `clone` dell'oggetto
 - indicato nella specifica
 - `x`, cioè l'oggetto, è aggiunto all'insieme
- ✓ il metodo `clone` non clona gli elementi dell'insieme ma clona il vettore `els`
 - l'insieme clonato condivide gli oggetti con l'insieme che viene clonato

Funzione di astrazione ed invariante di rappresentazione

- ✓ ancora molto simili a quelle di `IntSet`
- ✓ la funzione di astrazione produce ora gli oggetti in `c.els` invece degli interi

```
// $\alpha(c) = \{ c.els.get(i) \mid 0 \leq i < c.els.size() \}$ 
```

- ✓ il rep invariant include la condizione che l'insieme non contenga `null` e dice anche che l'uguaglianza degli elementi è controllata dal metodo `equals`

```
//  $I(c) = c.els \neq null$  e  
// per ogni intero  $i$ , tale che  $0 \leq i < c.els.size()$   
//  $c.els.get(i)$  non è null,  
// e per tutti gli interi  $i, j$ , tali che  
//  $0 \leq i < j < c.els.size()$ ,  
//  $! c.els.get(i).equals(c.els.get(j))$ 
```

Uguaglianza 1

- ✓ una collezione come `Set` determina se un elemento è membro della collezione usando il metodo `equals`
 - il contenuto di un oggetto del tipo della collezione dipende da come è implementato `equals` per gli elementi della collezione
- ✓ esempio: insiemi di `Vector`
 - il metodo `equals` per `Vector` restituisce `true` se i due vettori hanno lo stesso stato
 - può essere complesso fare in modo che vettori distinti vengano comunque visti come elementi distinti dell'insieme

Uguaglianza 2

```
Set s = new Set();  
Vector x = new Vector();  
Vector y = new Vector();  
s.insert(x);  
s.insert (y); // y non viene aggiunto ad s perché risulta esserci già  
x.add(new Integer(3));  
if (s.isIn(y)) // non ci arriva!
```

- ✓ poiché y ha lo stesso stato di x quando è inserito in s non è aggiunto a s
- ✓ quando lo stato di x cambia, y non più uguale a x e la chiamata a `isIn` restituisce `false`

Contenitori

- ✓ quando vogliamo distinguere oggetti distinti con lo stesso stato, possiamo avvolgere gli oggetti in `Containers`
- ✓ un `Container` è non modificabile
- ✓ due `Containers` sono uguali se contengono esattamente lo stesso oggetto
- ✓ anche `Container` è polimorfo

La classe Container

```
public class Container {  
    // OVERVIEW: un Container contiene un singolo oggetto; due  
    // Containers sono uguali se contengono lo stesso oggetto; i  
    // Containers non sono modificabili  
    private Object el;  
    // costruttore  
    public Container (Object x)  
    // EFFECTS: fa in modo che this contenga x  
    { el = x; }  
    // metodi  
    public Object get ( )  
    // EFFECTS: ritorna l'oggetto contenuto in this  
    { return el; }  
    public boolean equals (Object x)  
    { if (! x instanceof Container) return false;  
      return (el == ((Container) x.el)); } }  
}
```


Uguaglianza 3

- ✓ avvolgendo i vettori nei contenitori, possiamo inserirli nell'insieme anche quando hanno lo stesso stato

```
Set s = new Set ( );  
Vector x = new Vector( );  
Vector y = new Vector( );  
s.insert(new Container(x));  
s.insert(new Container(y));  
x.add(new Integer(3));  
if (s.isIn(new Container(y))) // arriva qui
```

- ✓ **s** contiene due elementi, uno per **x** e l'altro per **y**
- ✓ anche se **x** viene modificato, continuiamo a trovare **y** nell'insieme
 - notare che ora passiamo oggetti di tipo **Container** come argomenti ai metodi di **Set**

Utilizzazione delle astrazioni polimorfe

- ✓ nella collezione possono essere messi solo oggetti
 - i valori primitivi devono essere avviluppati nel loro corrispondente tipo oggetto
- ✓ osservatori che restituiscono elementi della collezione restituiscono `Object`
 - occorrerà usare il casting al valore primitivo

```
Set s = new Set();  
s.insert(new Integer(3));  
...  
Iterator g = s.elements();  
while (g.hasNext()) {  
    int i = ((Integer) g.next()).intValue();  
    ... }  
}
```

Utilizzazione delle astrazioni polimorfe: compilazione e casting

- ✓ tre diversi modi di fare insiemi (omogenei) di interi
 - la classe `IntSet` in Java
 - i metodi prendono come argomenti e ritornano solo interi
 - il tutto è controllato staticamente dal compilatore
 - inserendo `Integers` nella classe `Set` in Java
 - i metodi devono fare il casting e controllare che la collezione sia omogenea
 - il compilatore non può aiutare
 - gli “errori di tipo” si rilevano come Eccezioni di `Cast` a tempo di esecuzione
 - istanziando il tipo parametrico `t set a int set` in ML
 - il compilatore tratta realmente il tipo parametrico e le sue istanze
 - è in gradi di rilevare staticamente errori di tipo come se avessi `IntSet`

Interfacce nell'approccio element subtype

- ✓ il tipo `Set` e molte altre astrazioni di dati polimorfe applicano ai loro parametri solo metodi di `Object`
- ✓ alcune astrazioni richiedono metodi aggiuntivi
 - supponiamo di voler definire un tipo `OrderedList`
 - versione polimorfa di `OrderedIntList`
 - abbiamo bisogno di ordinare gli elementi
 - `Object` non ha associata nessuna relazione di ordinamento
 - ci serve un supertipo i cui sottotipi abbiano tutti un metodo per il confronto (relazione di ordinamento totale)
 - esiste
 - si chiama `Comparable`
 - è definito in `java.util`

L'interfaccia Comparable

```
public interface Comparable {  
    // OVERVIEW: i sottotipi di Comparable forniscono un metodo  
    // per determinare la relazione di ordinamento fra i loro  
    // oggetti; l'ordinamento deve essere totale e, ovviamente,  
    // transitivo e simmetrico; infine  
    // x.compareTo (y) == 0 implica x.equals (y)  
    public int compareTo (Object x) throws ClassCastException,  
        NullPointerException;  
    // EFFECTS: se x è null, lancia NullPointerException;  
    // se this e x non sono confrontabili, solleva ClassCastException;  
    // altrimenti, se this è minore di x ritorna -1;  
    // se this = x ritorna 0; se this è maggiore di x, ritorna 1  
}
```

Sottotipi di Comparable ed eccezioni

- ✓ nell'implementazione di `compareTo` in tutte le classi che implementano `Comparable`, bisogna analizzare un po' di casi eccezionali
 - l'argomento è `null`
 - l'argomento ha un tipo che non è un sottotipo di `Comparable`
 - l'argomento ha un tipo che è un sottotipo di `Comparable`, ma il tipo di `this` e quello dell'argomento sono incompatibili tra loro
 - sia `Integer` che `String` sono sottotipi di `Comparable`
 - `x.compareTo(s)`, con `x Integer` e `s String` non ha senso
- ✓ in tutti questi casi, salvo il primo, `compareTo` deve sollevare `ClassCastException`
- ✓ altre situazioni in cui “errori di tipo” non possono essere scoperti dal compilatore e diventano Eccezioni a run time

La classe `OrderedList`

- ✓ `Comparable` è un supertipo che si assume definito prima dei sottotipi che lo implementano (elementi di `OrderedList`)
- ✓ specifica e implementazione simili a quelle di `OrderedIntList`
 - argomenti e risultati sono `Comparable` invece che `int`
 - il confronto è fatto usando `compareTo`
- ✓ `OrderedList` assicura che gli elementi della lista siano omogenei
 - necessario, perché `compareTo` solleva un'eccezione se gli oggetti non sono confrontabili
- ✓ il tipo degli elementi nella lista è determinato dall'inserimento del primo elemento
 - se la lista diventa vuota il tipo può cambiare con l'aggiunta di un nuovo elemento
- ✓ il metodo `addEl` assicura che il primo elemento sia comparabile rigettando il tentativo di aggiungere alla lista `null`

Specifica e implementazione di OrderedList 1

```
public class OrderedList {  
    // OVERVIEW: `e una lista modificabile ordinata di oggetti di tipo Comparable  
    // Oggetto tipico [x1, . . . , xn] con xi < xj se i < j  
    // Il confronto fra gli elementi è effettuato con il loro metodo compareTo  
    private boolean empty;  
    private OrderedList left, right;  
    private Comparable val;  
    // costruttore  
    public OrderedList ( )  
        // EFFECTS: inizializza this alla lista ordinata vuota  
        { empty = true; }  
}
```


Specifica e implementazione di OrderedList 2

```
public class OrderedList {
    // OVERVIEW: `e una lista modificabile ordinata di oggetti di tipo Comparable
    // Oggetto tipico [x1, . . . , xn] con xi < xj se i < j
    // Il confronto fra gli elementi è effettuato con il loro metodo compareTo
    private boolean empty;
    private OrderedList left, right;
    private Comparable val;
    // metodi

    public void addEl (Comparable el) throws NullPointerException,
        DuplicateException, ClassCastException
        // MODIFIES: this
        // EFFECTS: se el è in this, solleva DuplicateException; se el è null
        // solleva NullPointerException; se el non è confrontabile con gli altri
        // elementi in this solleva ClassCastException; altrimenti, aggiunge el a
        // this
    {if (el == null) throw new NullPointerException("OrderedList.addEl");
    if (empty) { left = new OrderedList(); right = new OrderedList ();
        val = el; empty = false; return; }
    int n = el.compareTo(val);
    if (n = 0) throw new DuplicateException("OrderedList.addEl");
    if (n < 0) left.addEl(el); else right.addEl(el) ; }
```

Specifica e implementazione di OrderedList 3

```
public class OrderedList {  
    // OVERVIEW: `e una lista modificabile ordinata di oggetti di tipo Comparable  
    // Oggetto tipico [x1, . . . , xn] con xi < xj se i < j  
    // Il confronto fra gli elementi è effettuato con il loro metodo compareTo  
    private boolean empty;  
    private OrderedList left, right;  
    private Comparable val;  
    // metodi  
    public void remEl (Comparable el) throws NotFoundException  
        // MODIFIES: this  
        // EFFECTS: se el non è in this, solleva NotFoundException;  
        // altrimenti, rimuove el da this  
  
    public boolean isIn (Comparable el)  
        // EFFECTS: se el è in this ritorna true altrimenti ritorna false  
}
```

Interfacce nell'approccio related subtype

- ✓ nell'approccio element subtype
 - definiamo l'interfaccia che definisce le proprietà del tipo polimorfo
 - realizziamo gli oggetti come istanze di sottotipi di tale interfaccia
 - i tipi vanno progettati “a priori”
- ✓ talvolta un tipo polimorfo collezione è definito dopo che già esistono i tipi per gli elementi desiderati
 - abbiamo bisogno di un diverso modo per accedere i metodi usati nella collezione
- ✓ nell'approccio related subtype
 - definiamo un'interfaccia i cui oggetti hanno i metodi richiesti
 - gli oggetti non sono istanze di sottotipi dell'interfaccia
 - i tipi degli oggetti possono essere definiti prima dell'interfaccia
 - per ogni tipo di elementi “preesistente”, definiamo un opportuno sottotipo dell'interfaccia “a posteriori”

Interfacce nell'approccio related subtype

✓ nell'approccio related subtype

- definiamo un'interfaccia i cui oggetti hanno i metodi richiesti
- gli oggetti non sono istanze di sottotipi dell'interfaccia
- i tipi degli oggetti possono essere definiti prima dell'interfaccia
- per ogni tipo di elementi “preesistente”, definiamo un opportuno sottotipo dell'interfaccia “a posteriori”

✓ esempio

- supponiamo di voler definire un insieme (polimorfo) che mantiene l'informazione sulla somma degli elementi
 - per far questo il tipo polimorfo (operazioni `insert` e `remove`) deve poter accedere i metodi che il tipo degli elementi deve avere per sommare e sottrarre valori
- il primo passo è la definizione di una interfaccia `Adder`, che ha due operazioni per sommare e sottrarre

L'interfaccia Adder

```
public interface Adder {  
    // OVERVIEW: tutti i sottotipi di Adder forniscono metodi per  
    // sommare e sottrarre gli elementi di un "tipo collegato"  
    public Object add (Object x, Object y) throws  
        NullPointerException, ClassCastException;  
    // EFFECTS: se uno tra x o y è null, solleva  
    // NullPointerException; se x e y non sono sommabili solleva  
    // ClassCastException; altrimenti ritorna la somma di x e y  
    public Object sub (Object x, Object y) throws  
        NullPointerException, ClassCastException;  
    // EFFECTS: se uno tra x o y è null, solleva  
    // NullPointerException; se x e y non sono sommabili solleva  
    // ClassCastException; altrimenti ritorna la differenza tra x e y  
    public Object zero ( );  
    // EFFECTS: ritorna l'oggetto che rappresenta lo zero per il  
    // tipo collegato  
}
```

L'approccio related subtype

- ✓ supponiamo di voler definire un insieme (polimorfo) che mantiene l'informazione sulla somma degli elementi
 - abbiamo definito un'interfaccia **Adder** i cui oggetti hanno i metodi richiesti
 - gli oggetti dell'insieme non sono istanze di sottotipi dell'interfaccia
 - ci interessa mettere nell'insieme oggetti di tipo **Poly**
 - definiamo un sottotipo di **Adder** collegato a **Poly**
 - che ha le operazioni per sommare e sottrarre **Polys**
 - del sottotipo non occorre dare la specifica perché è un sottotipo di **Adder**

Il sottotipo di Adder collegato a Poly

```
public class PolyAdder implements Adder {
    private Poly z;          // il Poly zero
    public PolyAdder ( ) {z = new Poly(); }
    public Object add (Object x, Object y) throws
        NullPointerException, ClassCastException {
        if (x == null || y == null)
            throw new NullPointerException ("PolyAdder.add");
        return ((Poly) x).add((Poly) y); }
    public Object sub (Object x, Object y) throws
        NullPointerException, ClassCastException {
        if (x == null || y == null)
            throw new NullPointerException ("PolyAdder.sub");
        return ((Poly) x).sub((Poly) y); }
    public Object zero ( ) { return z; }
}
```

✓ abbiamo messo lo zero nella rep

– potevamo generarne uno ogni volta che ci serviva lo zero

Relazione tra PolyAdder e Poly

✓ i metodi sono diversi (in questo caso solo nella segnatura)

– Object add (Object x, Object y)

• Poly add (Poly x)

– Object sub (Object x, Object y)

• Poly sub (Poly x)

✓ si può definire un IntegerAdder che aggiunge e sottrae Integer

– anche se gli Integers non hanno nessun metodo aritmetico

Il tipo SumSet

- ✓ insieme di oggetti che tiene traccia della somma degli oggetti che sono attualmente in esso contenuti
 - gli oggetti devono essere “sommabili”
 - esempio di uso dell’interfaccia `Adder`
 - il tipo degli elementi dell’insieme è determinato quando viene creato l’insieme mediante l’oggetto `Adder` che è un argomento del costruttore

Specifica e implementazione di SumSet 1

```
public class SumSet {  
    // OVERVIEW: un SumSet è un insieme modificabile di oggetti  
    // che mantiene la somma degli elementi nell'insieme. La somma  
    // è calcolata usando un oggetto Adder.  
    private Vector els; // gli elementi  
    private Object s; // la somma degli elementi  
    private Adder a; // l'oggetto usato per fare i conti  
    // costruttore  
    public SumSet (Adder p) throws NullPointerException  
    // EFFECTS: this diventa l'insieme vuoto di elementi del tipo  
    // collegato a p, valore iniziale della somma = p.zero()  
    { els =new Vector( ); a = p; s = p.zero ( ); }  
}
```

Specifica e implementazione di SumSet 2

```
private Vector els; // gli elementi
private Object s; // la somma degli elementi
private Adder a; // l'oggetto usato per fare i conti
public void insert (Object x) throws
    NullPointerException, ClassCastException
// MODIFIES: this
// EFFECTS: se x è null solleva NullPointerException, se x
// non è sommabile agli altri elementi di this, solleva
// ClassCastException; altrimenti aggiunge x a this e
// ricalcola la somma
{ Object z = a.add(s, x); int i = getIndex(x);
  if (i < 0) { els.add(x); s = z; } }
public Object sum = ( )
// EFFECTS: ritorna la somma degli elementi di this
{ return s; } }
```

Utilizzazione di SumSet

```
Adder a = new PolyAdder ( );
```

```
SumSet s = new Sumset (a);
```

```
s.insert(new Poly(3, 7));
```

```
s.insert(new Poly(4, 8));
```

```
Poly p = (Poly) s.sum ( );
```

- ✓ `SumSet` è scomodo da usare perché dobbiamo definire un sottotipo di `Adder` per ogni tipo di elementi
- ✓ può essere utile combinare l'approccio "related subtype" con quello "element subtype"
 - per esempio combinare `Adder` con un tipo come `Comparable`

La combinazione dei due approcci

```
public interface Adder {  
    public Object add (Object x, Object y) throws NullPointerException,  
        ClassCastException;  
    public Object sub (Object x, Object y) throws NullPointerException,  
        ClassCastException;  
    public Object zero ( );  
}  
  
public interface Addable {  
    public Object add (Object x) throws NullPointerException,  
        ClassCastException;  
    public Object sub (Object x) throws NullPointerException,  
        ClassCastException;  
    public Object zero ( );  
}
```

- ✓ gli elementi di **SumSet** possono essere
 - sottotipi di **Addable**
 - definiti dopo **Addable**
 - forzati a implementare anche le operazioni di **Addable**
 - tipi per cui abbiamo definito un tipo collegato sottotipo di **Adder**
- ✓ due costruttori corrispondenti in **SumSet**

La combinazione dei due approcci nelle collezioni di `java.util`

- ✓ alcuni dei tipi polimorfi lì definiti usano insieme le due interfacce

```
public interface Comparator {  
    public int compare (Object x, Object y) throws  
        ClassCastException, NullPointerException;  
    // EFFECTS: se x o y è null, lancia NullPointerException;  
    // se x e y non sono confrontabili, solleva ClassCastException;  
    // altrimenti, se x è minore di y ritorna -1;  
    // se x = y ritorna 0; se x è maggiore di y, ritorna 1  
}  
  
public interface Comparable {  
    public int compareTo (Object x) throws ClassCastException,  
        NullPointerException;}
```

Procedure polimorfe

- ✓ stesse tecniche anche per rendere polimorfa l'astrazione procedurale
- ✓ si astrae dal tipo dei parametri formali
- ✓ per l'implementazione, stesse possibilità dell'astrazione sui dati
 - utilizza solo i metodi che tutti gli oggetti hanno, cioè quelli definiti da `Object`
 - usa un'interfaccia
 - supertipo del tipo dei parametri (element subtype)
 - supertipo di un tipo collegato al tipo dei parametri (related subtype)

Due sort polimorfi

- ✓ due metodi (specifiche solo!) `sort` che ordinano vettori
 - la prima funziona se gli elementi del vettore appartengono a sottotipi di `Comparable`
 - la seconda prende come argomento un `Comparator`

```
public static sort (Vector v) throws ClassCastException
```

```
// MODIFIES: v
```

```
// EFFECTS: se v non è null, lo ordina in modo crescente usando
```

```
// il metodo compareTo di Comparable; se alcuni elementi di v sono
```

```
// null o non confrontabili solleva ClassCastException
```

```
public static sort (Vector v, Comparator c) throws  
    ClassCastException
```

```
// MODIFIES: v
```

```
// EFFECTS: se v non è null, lo ordina in modo crescente usando
```

```
// il metodo compare di c; se alcuni elementi di v sono
```

```
// null o non confrontabili solleva ClassCastException
```