

# CRITTOGRAFIA

---

- Identificazione
- Autenticazione
- Firma digitale

## Identificazione, autenticazione e firma digitale

### Identificazione:

Un sistema di elaborazione, isolato o in rete, deve essere in grado di **accertare l'identità di un utente** che richiede di accedere ai suoi servizi.

### Autenticazione:

Il destinatario di un messaggio deve essere in grado di accertare

- l'identità del mittente
- l'integrità del crittogramma ricevuto.

# Identificazione, autenticazione e firma digitale.

## Firma digitale

1. MITT non deve poter negare di aver inviato un messaggio  $m$ .
2. DEST deve essere in grado di autenticare il messaggio
3. DEST non deve poter sostenere che  $m' \neq m$  è il messaggio inviato da MITT.

Tutto deve essere verificabile da una terza parte.

## Relazioni tra le funzionalità

Non sono indipendenti, ma ciascuna estende le precedenti

- L'autenticazione di un messaggio garantisce l'identificazione del mittente.
- L'apposizione della firma garantisce l'autenticazione del messaggio.

Ogni funzionalità è utilizzata per contrastare gli attacchi attivi.

Esistono realizzazioni algoritmiche basate sui cifrari asimmetrici e simmetrici.

# Funzioni hash

Una **funzione hash**  $f: X \rightarrow Y$  è una funzione tale che

$$n = |X| \gg m = |Y|$$

$\exists X_1, X_2, \dots, X_m \subseteq X$  **disgiunti** t.c.

$$X = X_1 \cup X_2 \cup \dots \cup X_m$$

$$\forall i, \forall x \in X_i, f(x) = y$$

## Una buona funzione hash deve assicurare che

**I sottoinsiemi  $X_1, \dots, X_m$  abbiano circa la stessa cardinalità**  
due elementi estratti a caso da  $X$  hanno probabilità circa  $1/m$  di avere la stessa immagine in  $Y$

**Elementi di  $X$  molto “simili” tra loro appartengano a due sottoinsiemi diversi**

se  $X$  è un insieme di interi, due elementi con valori prossimi devono avere immagini diverse

### **Gestione delle collisioni**

L'algoritmo che impiega la funzione hash dovrà affrontare la situazione in cui più elementi di  $X$  hanno la stessa immagine in  $Y$ .

# Funzioni hash one-way

Se la funzione è applicata in crittografia, deve soddisfare le seguenti proprietà:

1. per ogni  $x \in X$  è **computazionalmente facile** calcolare

$$y = f(x)$$

2. Proprietà **one-way**: per la maggior parte degli  $y \in Y$  è **computazionalmente difficile** determinare  $x \in X$  tale che

$$f(x) = y, \text{ i.e., } x = f^{-1}(y)$$

3. Proprietà **claw-free**: è computazionalmente difficile determinare una coppia di elementi  $x_1, x_2$  in  $X$  tali che

$$f(x_1) = f(x_2)$$

## Funzioni hash usate in crittografia: MD5 (Message Digest, versione 5)

- Si tratta di una famiglia di algoritmi, quello originale non fu mai pubblicato. Si pubblicarono MD2, seguito da MD4.
- In MD2 e MD4 furono trovate debolezze, e Ron Rivest propose MD5, nel 1992.
- Riceve in input una sequenza  $S$  di 512 bit e produce un'**immagine di 128 bit**: la sequenza è **digerita** riducendone la lunghezza ad un quarto.
- E' stato in seguito dimostrato che MD5 non resiste alle collisioni, e nel 2004 si sono individuate delle debolezze serie.
- Oggi la sua **sicurezza si considera severamente compromessa**.
- Lo stesso Rivest ha affermato (2005) che MD5 era da considerarsi chiaramente forzata dal punto di vista della resistenza alle collisioni.

## Funzioni hash usate in crittografia: RIPEMD-160

- Versione “matura” delle funzioni MD
- Nata nel 1995 nell'ambito di un progetto dell'Unione Europea
- Produce immagini di 160 bit ed è esente dai difetti di MD5

## Funzioni hash usate in crittografia: SHA Secure Hash Algorithm

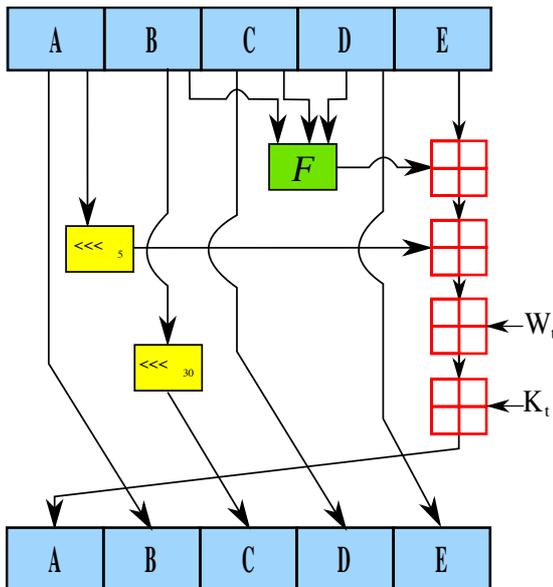
- Progettata da NIST e NSA nel 1993, si adotta quando la proprietà di claw-free è cruciale per la sicurezza del sistema
- Opera su sequenze lunghe fino a  $2^{64}$  bit e produce **immagini di 160 bit**
- È una **funzione crittograficamente sicura**: soddisfa i requisiti delle funzioni hash one-way, e genera immagini molto diverse per sequenze molto simili.
- La prima versione pubblicata (SHA-0) conteneva una debolezza, scoperta in seguito da NSA, che portò a una revisione dello standard.

## Funzioni hash usate in crittografia: SHA Secure Hash Algorithm

- **1993**  
SHA-0: proposta dal NIST nel 1993, presto ritirata a causa di una debolezza interna
- **1995**  
SHA-1: progettato da NSA, uso raccomandato dal NIST
- **2001**  
SHA-2: quattro funzioni della famiglia SHA, progettate da NSA e pubblicate dal NIST, caratterizzate da digest più lunghi
- **2007**  
A causa degli attacchi su MD5 e SHA-0, e di attacchi teorici su SHA-1, il NIST ha sollecitato proposte per un nuovo algoritmi hash. Ci sono stati 63 candidati.
- **2012**  
Si è conclusa la valutazione, ed è stato selezionato una funzione hash, di progettazione non governativa → **SHA-3** (team di analisti italiani e belgi, rilasciata ufficialmente nel 2015).

## Funzioni hash usate in crittografia: SHA-1

- Opera su sequenze lunghe fino a  $2^{64}-1$  bit, e produce **immagini di 160 bit**.
- E' molto usata nei protocolli crittografici anche se **non è più certificata come standard**
- Tutte le altre funzioni hanno una struttura molto simile a SHA-1
- Opera su blocchi di 160 bit, contenuti in un buffer di 5 registri di 32 bit ciascuno, in cui sono caricati inizialmente dei valori pubblici
- Il messaggio  $m$  viene concatenato con una sequenza di padding che ne rende la lunghezza multipla di 512 bit
- Il contenuto dei registri varia nel corso dei cicli successivi in cui questi valori si combinano tra loro e con blocchi di 32 bit provenienti da  $m$
- Alla fine del procedimento, i registri contengono  $SHA-1(m)$ .



Un'iterazione all'interno della funzione di compressione di SHA-1. A, B, C, D ed E sono parole di stato a 32 bit; F è una funzione non lineare che varia;  $\lll_n$  denota una rotazione del bit di sinistra di  $n$  posti;  $n$  varia per ogni operazione.  $\boxplus$  denota l'addizione modulo  $2^{32}$ .  $K_t$  è una costante.

$W_t$  blocco di 32 bit ottenuto tagliando e rimescolando i blocchi di messaggio

Il contenuto dei registri varia nel corso dei cicli (all'inizio sono caricati valori fissi e pubblici) in cui questi valori si combinano tra loro e con blocchi di 32 bit provenienti dal messaggio  $W$ , nonché con alcuni parametri relativi al ciclo. Alla fine del procedimento (quando è stato letto l'intero messaggio) i registri contengono l'hash SHA1( $W$ )

## Identificazione su canali sicuri

**ESEMPIO:** accesso di un utente alla propria casella di posta elettronica, o a file personali memorizzati su un calcolatore ad accesso riservato ai membri della sua organizzazione.

- l'utente inizia il collegamento inviando in chiaro **login** e **password**
- se il canale è protetto in lettura e scrittura, un attacco può essere sferrato solo da un utente locale al sistema:
  - ad esempio l'amministratore che ha accesso a tutti i file memorizzati (oppure un hacker)
- Il meccanismo di identificazione prevede una cifratura delle password, realizzata con funzioni hash one-way.

## Cifratura password nei sistemi UNIX

Quando un **utente U** fornisce per la prima volta una **password P**

il sistema associa a U due sequenze binarie (che memorizza nel file delle password al posto di P):

- **S (seme)**  
prodotta da un generatore pseudocasuale
- **$Q = h(PS)$**   
h: funzione hash one-way

## Cifratura password nei sistemi UNIX

Ad ogni successiva connessione di U, il sistema:

- recupera S dal file delle password,
- concatena S con la password fornita da U
- calcola l'immagine one-way della nuova sequenza:  $h(PS)$
- se  $h(PS) = Q$  l'identificazione ha successo.

Un accesso illecito al file delle password non fornisce informazioni interessanti:

è computazionalmente difficile ricavare la password originale dalla sua immagine one-way

# Protezione del canale

Se il canale è insicuro, la password può essere intercettata durante la sua trasmissione in chiaro.

Il sistema non dovrebbe mai maneggiare direttamente la password, ma una sua immagine inattaccabile.

## Canale insicuro: identificazione

$\langle e, n \rangle, \langle d \rangle$  = chiavi pubblica e privata di un utente  $U$  che richiede l'accesso ai servizi offerti dal sistema  $S$ .

1.  $S$  genera un numero casuale  $r < n$  e lo invia in chiaro a  $U$ .
2.  $U$  calcola
$$f = r^d \bmod n \quad (\text{firma di } U \text{ su } r)$$
con la sua chiave privata e lo spedisce a  $S$ .
3.  $S$  verifica la correttezza del valore ricevuto calcolando e verificando se

$$f^e \bmod n = r$$

Se ciò avviene, l'identificazione ha successo

## Canale insicuro: identificazione

- Le operazioni di cifratura e decifrazione sono invertite rispetto all'impiego standard nell'RSA
- Possibile perché le due operazioni sono commutative
$$(x^e \bmod n)^d \bmod n = (x^d \bmod n)^e \bmod n (=x)$$
- $f$  può essere generata solo da  $U$  che possiede  $\langle d \rangle$
- Se il passo 3 va a buon fine, il sistema ha la garanzia che l'utente che ha richiesto l'identificazione sia effettivamente  $U$ , anche se il canale è insicuro

## Canale insicuro: identificazione

### Problema:

$S$  chiede a  $U$  di applicare la sua chiave privata a una sequenza  $r$  che  $S$  stesso ha generato

potrebbe essere stata scelta di proposito per ricavare qualche informazione sulla chiave privata di  $U$ .

### Protocollo alternativo a "conoscenza zero"

impedisce che da una comunicazione si possa estrarre più di quanto sia nelle intenzioni del comunicatore

## Canale insicuro: autenticazione

DEST deve **autenticare** il messaggio accertando l'identità di MITT e l'integrità di  $m$

**MITT e DEST concordano una chiave segreta  $k$ .**

## Canale insicuro: autenticazione

### **MITT**

- allega al messaggio un **MAC (Message Authentication Code)  $A(m, k)$** , allo scopo di garantire la provenienza e l'integrità del messaggio.
- spedisce la coppia  **$\langle m, A(m, k) \rangle$**  in chiaro,
- oppure, cifra  $m$  e spedisce  **$\langle C(m, k'), A(m, k) \rangle$** 
  - $C$ : funzione di cifratura,
  - $k'$ : chiave pubblica o segreta del cifrario scelto.

## Canale insicuro: autenticazione

### DEST

- entra in possesso di  $m$  (dopo averlo eventualmente decifrato)
- essendo a conoscenza di  $A$  e  $k$ , calcola  $A(m, k)$
- confronta il valore ottenuto con quello inviato da MITT per verificare che il MAC ricevuto corrisponda al messaggio a cui risulta allegato:
  - Se la verifica ha successo il messaggio è autenticato.
  - Altrimenti DEST scarta il messaggio.

## Canale insicuro: autenticazione

### MAC

- È un'immagine breve del messaggio, che può essere stata generata solo da un mittente conosciuto dal destinatario, previ opportuni accordi.
- Ne sono state proposte varie realizzazioni, basate su cifrari asimmetrici, simmetrici e sulle funzioni hash one-way

# MAC con funzioni hash one-way

$A(m, k) = h(mk)$ , con  $h$  funzione hash one way

Risulta computazionalmente difficile per un crittoanalista scoprire la chiave segreta  $k$

- $h$  è nota a tutti, e  $m$  può viaggiare in chiaro o essere scoperto per altra via, ma  $k$  viaggia all'interno del MAC
- per recuperare  $k$  si dovrebbe invertire  $h$

Il crittoanalista non può sostituire facilmente il messaggio  $m$  con un altro messaggio  $m'$

- dovrebbe allegare alla comunicazione di  $m'$  il MAC  $A(m', k)$  che può produrre solo conoscendo  $k$ .

## CBC + MAC

- Usando un cifrario a blocchi in modalità CBC, si può usare il blocco finale del crittogramma come MAC
- Il blocco finale è infatti funzione dell'intero messaggio

# Firma manuale

1. **è autentica e non falsificabile**  
prova che chi l'ha prodotta è chi ha sottoscritto il documento;
2. **non è riutilizzabile**  
è legata strettamente al documento su cui è stata apposta;
3. **il documento firmato non è alterabile**  
chi ha prodotto la firma è sicuro che questa si riferirà solo al documento sottoscritto nella sua forma originale;
4. **non può essere ripudiata da chi l'ha apposta**  
costituisce prova legale di un accordo o dichiarazione.

# Firma digitale

- Non può consistere semplicemente di una digitalizzazione del documento originale firmato manualmente  
un crittoanalista potrebbe “tagliare” dal documento digitale la parte contenente la firma e “copiarla” su un altro documento.
- Deve avere una forma che dipenda dal documento su cui viene apposta, per essere inscindibile da questo.
- Per progettare firme digitali si possono usare sia i cifrari simmetrici che quelli asimmetrici.