

CRITTOGRAFIA

- Identificazione
- Autenticazione
- Firma digitale

Identificazione, autenticazione e firma digitale

Identificazione:

Un sistema di elaborazione, isolato o in rete, deve essere in grado di **accertare l'identità di un utente** che richiede di accedere ai suoi servizi.

Autenticazione:

Il destinatario di un messaggio deve essere in grado di accertare

- l'identità del mittente
- l'integrità del crittogramma ricevuto.

Identificazione, autenticazione e firma digitale.

Firma digitale

1. MITT non deve poter negare di aver inviato un messaggio m .
2. DEST deve essere in grado di autenticare il messaggio
3. DEST non deve poter sostenere che $m' \neq m$ è il messaggio inviato da MITT.

Tutto deve essere verificabile da una terza parte.

Relazioni tra le funzionalità

Non sono indipendenti, ma ciascuna estende le precedenti

- L'autenticazione di un messaggio garantisce l'identificazione del mittente.
- L'apposizione della firma garantisce l'autenticazione del messaggio.

Ogni funzionalità è utilizzata per contrastare gli attacchi attivi.

Esistono realizzazioni algoritmiche basate sui cifrari asimmetrici e simmetrici.

Funzioni hash

Una **funzione hash** $f: X \rightarrow Y$ è una funzione tale che

$$n = |X| \gg m = |Y|$$

$\exists X_1, X_2, \dots, X_m \subseteq X$ **disgiunti** t.c.

$$X = X_1 \cup X_2 \cup \dots \cup X_m$$

$$\forall i, \forall x \in X_i, f(x) = y$$

Una buona funzione hash deve assicurare che

I sottoinsiemi X_1, \dots, X_m abbiano circa la stessa cardinalità
due elementi estratti a caso da X hanno probabilità circa $1/m$ di avere la stessa immagine in Y

Elementi di X molto “simili” tra loro appartengano a due sottoinsiemi diversi

se X è un insieme di interi, due elementi con valori prossimi devono avere immagini diverse

Gestione delle collisioni

L'algoritmo che impiega la funzione hash dovrà affrontare la situazione in cui più elementi di X hanno la stessa immagine in Y .

Funzioni hash one-way

Se la funzione è applicata in crittografia, deve soddisfare le seguenti proprietà:

1. per ogni $x \in X$ è **computazionalmente facile** calcolare

$$y = f(x)$$

2. Proprietà **one-way**: per la maggior parte degli $y \in Y$ è **computazionalmente difficile** determinare $x \in X$ tale che

$$f(x) = y, \text{ i.e., } x = f^{-1}(y)$$

3. Proprietà **claw-free**: è computazionalmente difficile determinare una coppia di elementi x_1, x_2 in X tali che

$$f(x_1) = f(x_2)$$

Funzioni hash usate in crittografia: MD5 (Message Digest, versione 5)

- Si tratta di una famiglia di algoritmi, quello originale non fu mai pubblicato. Si pubblicarono MD2, seguito da MD4.
- In MD2 e MD4 furono trovate debolezze, e Ron Rivest propose MD5, nel 1992.
- Riceve in input una sequenza S di 512 bit e produce un'**immagine di 128 bit**: la sequenza è **digerita** riducendone la lunghezza ad un quarto.
- E' stato in seguito dimostrato che MD5 non resiste alle collisioni, e nel 2004 si sono individuate delle debolezze serie.
- Oggi la sua **sicurezza si considera severamente compromessa**.
- Lo stesso Rivest ha affermato (2005) che MD5 era da considerarsi chiaramente forzata dal punto di vista della resistenza alle collisioni.

Funzioni hash usate in crittografia: RIPEMD-160

- Versione “matura” delle funzioni MD
- Nata nel 1995 nell'ambito di un progetto dell'Unione Europea
- Produce immagini di 160 bit ed è esente dai difetti di MD5

Funzioni hash usate in crittografia: SHA Secure Hash Algorithm

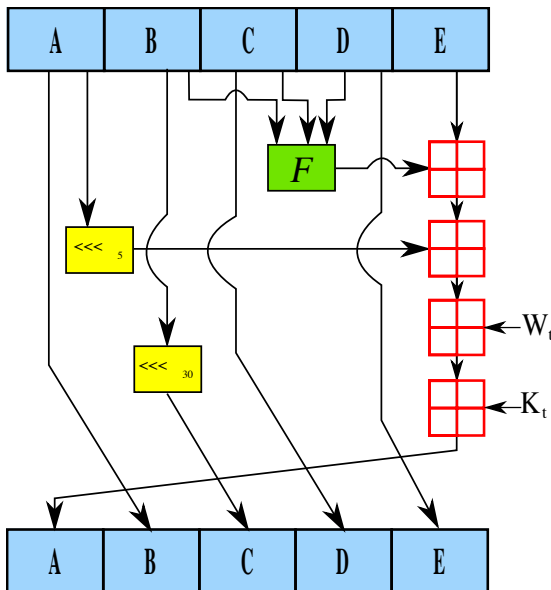
- Progettata da NIST e NSA nel 1993, si adotta quando la proprietà di claw-free è cruciale per la sicurezza del sistema
- Opera su sequenze lunghe fino a 2^{64} bit e produce **immagini di 160 bit**
- È una **funzione crittograficamente sicura**: soddisfa i requisiti delle funzioni hash one-way, e genera immagini molto diverse per sequenze molto simili.
- La prima versione pubblicata (SHA-0) conteneva una debolezza, scoperta in seguito da NSA, che portò a una revisione dello standard.

Funzioni hash usate in crittografia: SHA Secure Hash Algorithm

- **1993**
SHA-0: proposta dal NIST nel 1993, presto ritirata a causa di una debolezza interna
- **1995**
SHA-1: progettato da NSA, uso raccomandato dal NIST
- **2001**
SHA-2: quattro funzioni della famiglia SHA, progettate da NSA e pubblicate dal NIST, caratterizzate da digest più lunghi
- **2007**
A causa degli attacchi su MD5 e SHA-0, e di attacchi teorici su SHA-1, il NIST ha sollecitato proposte per un nuovo algoritmi hash. Ci sono stati 63 candidati.
- **2012**
Si è conclusa la valutazione, ed è stato selezionato una funzione hash, di progettazione non governativa → **SHA-3** (team di analisti italiani e belgi, rilasciata ufficialmente nel 2015).

Funzioni hash usate in crittografia: SHA-1

- Opera su sequenze lunghe fino a $2^{64}-1$ bit, e produce **immagini di 160 bit**.
- E' molto usata nei protocolli crittografici anche se **non è più certificata come standard**
- Tutte le altre funzioni hanno una struttura molto simile a SHA-1
- Opera su blocchi di 160 bit, contenuti in un buffer di 5 registri di 32 bit ciascuno, in cui sono caricati inizialmente dei valori pubblici
- Il messaggio m viene concatenato con una sequenza di padding che ne rende la lunghezza multipla di 512 bit
- Il contenuto dei registri varia nel corso dei cicli successivi in cui questi valori si combinano tra loro e con blocchi di 32 bit provenienti da m
- Alla fine del procedimento, i registri contengono $SHA-1(m)$.



Un'iterazione all'interno della funzione di compressione di SHA-1. A, B, C, D ed E sono parole di stato a 32 bit; F è una funzione non lineare che varia; \lll_n denota una rotazione del bit di sinistra di n posti; n varia per ogni operazione. \boxplus denota l'addizione modulo 2^{32} . K_t è una costante.

W_t blocco di 32 bit ottenuto tagliando e rimescolando i blocchi di messaggio

Il contenuto dei registri varia nel corso dei cicli (all'inizio sono caricati valori fissi e pubblici) in cui questi valori si combinano tra loro e con blocchi di 32 bit provenienti dal messaggio W , nonché con alcuni parametri relativi al ciclo. Alla fine del procedimento (quando è stato letto l'intero messaggio) i registri contengono l'hash SHA1(W)

Identificazione su canali sicuri

ESEMPIO: accesso di un utente alla propria casella di posta elettronica, o a file personali memorizzati su un calcolatore ad accesso riservato ai membri della sua organizzazione.

- l'utente inizia il collegamento inviando in chiaro **login** e **password**
- se il canale è protetto in lettura e scrittura, un attacco può essere sferrato solo da un utente locale al sistema:
 - ad esempio l'amministratore che ha accesso a tutti i file memorizzati (oppure un hacker)
- Il meccanismo di identificazione prevede una cifratura delle password, realizzata con funzioni hash one-way.

Cifratura password nei sistemi UNIX

Quando un **utente U** fornisce per la prima volta una **password P**

il sistema associa a U due sequenze binarie (che memorizza nel file delle password al posto di P):

- **S (seme)**
prodotta da un generatore pseudocasuale
- **$Q = h(PS)$**
h: funzione hash one-way

Cifratura password nei sistemi UNIX

Ad ogni successiva connessione di U, il sistema:

- recupera S dal file delle password,
- concatena S con la password fornita da U
- calcola l'immagine one-way della nuova sequenza: $h(PS)$
- se $h(PS) = Q$ l'identificazione ha successo.

Un accesso illecito al file delle password non fornisce informazioni interessanti:

è computazionalmente difficile ricavare la password originale dalla sua immagine one-way

Protezione del canale

Se il canale è insicuro, la password può essere intercettata durante la sua trasmissione in chiaro.

Il sistema non dovrebbe mai maneggiare direttamente la password, ma una sua immagine inattaccabile.

Canale insicuro: identificazione

$\langle e, n \rangle, \langle d \rangle$ = chiavi pubblica e privata di un utente U che richiede l'accesso ai servizi offerti dal sistema S .

1. S genera un numero casuale $r < n$ e lo invia in chiaro a U .
2. U calcola
$$f = r^d \bmod n \quad (\text{firma di } U \text{ su } r)$$
con la sua chiave privata e lo spedisce a S .
3. S verifica la correttezza del valore ricevuto calcolando e verificando se

$$f^e \bmod n = r$$

Se ciò avviene, l'identificazione ha successo

Canale insicuro: identificazione

- Le operazioni di cifratura e decifrazione sono invertite rispetto all'impiego standard nell'RSA
- Possibile perché le due operazioni sono commutative
$$(x^e \bmod n)^d \bmod n = (x^d \bmod n)^e \bmod n (=x)$$
- f può essere generata solo da U che possiede $\langle d \rangle$
- Se il passo 3 va a buon fine, il sistema ha la garanzia che l'utente che ha richiesto l'identificazione sia effettivamente U , anche se il canale è insicuro

Canale insicuro: identificazione

Problema:

S chiede a U di applicare la sua chiave privata a una sequenza r che S stesso ha generato

potrebbe essere stata scelta di proposito per ricavare qualche informazione sulla chiave privata di U .

Protocollo alternativo a "conoscenza zero"

impedisce che da una comunicazione si possa estrarre più di quanto sia nelle intenzioni del comunicatore

Canale insicuro: autenticazione

DEST deve **autenticare** il messaggio accertando l'identità di MITT e l'integrità di m

MITT e DEST concordano una chiave segreta k .

Canale insicuro: autenticazione

MITT

- allega al messaggio un **MAC (Message Authentication Code) $A(m, k)$** , allo scopo di garantire la provenienza e l'integrità del messaggio.
- spedisce la coppia **$\langle m, A(m, k) \rangle$** in chiaro,
- oppure, cifra m e spedisce **$\langle C(m, k'), A(m, k) \rangle$**
 - C : funzione di cifratura,
 - k' : chiave pubblica o segreta del cifrario scelto.

Canale insicuro: autenticazione

DEST

- entra in possesso di m (dopo averlo eventualmente decifrato)
- essendo a conoscenza di A e k , calcola $A(m, k)$
- confronta il valore ottenuto con quello inviato da MITT per verificare che il MAC ricevuto corrisponda al messaggio a cui risulta allegato:
 - Se la verifica ha successo il messaggio è autenticato.
 - Altrimenti DEST scarta il messaggio.

Canale insicuro: autenticazione

MAC

- È un'immagine breve del messaggio, che può essere stata generata solo da un mittente conosciuto dal destinatario, previ opportuni accordi.
- Ne sono state proposte varie realizzazioni, basate su cifrari asimmetrici, simmetrici e sulle funzioni hash one-way

MAC con funzioni hash one-way

$A(m, k) = h(mk)$, con h funzione hash one way

Risulta computazionalmente difficile per un crittoanalista scoprire la chiave segreta k

- h è nota a tutti, e m può viaggiare in chiaro o essere scoperto per altra via, ma k viaggia all'interno del MAC
- per recuperare k si dovrebbe invertire h

Il crittoanalista non può sostituire facilmente il messaggio m con un altro messaggio m'

- dovrebbe allegare alla comunicazione di m' il MAC $A(m', k)$ che può produrre solo conoscendo k .

CBC + MAC

- Usando un cifrario a blocchi in modalità CBC, si può usare il blocco finale del crittogramma come MAC
- Il blocco finale è infatti funzione dell'intero messaggio

Firma manuale

1. **è autentica e non falsificabile**
prova che chi l'ha prodotta è chi ha sottoscritto il documento;
2. **non è riutilizzabile**
è legata strettamente al documento su cui è stata apposta;
3. **il documento firmato non è alterabile**
chi ha prodotto la firma è sicuro che questa si riferirà solo al documento sottoscritto nella sua forma originale;
4. **non può essere ripudiata da chi l'ha apposta**
costituisce prova legale di un accordo o dichiarazione.

Firma digitale

- Non può consistere semplicemente di una digitalizzazione del documento originale firmato manualmente
un crittoanalista potrebbe “tagliare” dal documento digitale la parte contenente la firma e “copiarla” su un altro documento.
- Deve avere una forma che dipenda dal documento su cui viene apposta, per essere inscindibile da questo.
- Per progettare firme digitali si possono usare sia i cifrari simmetrici che quelli asimmetrici.