

Combinazioni nell' Higher Order nei lang. Funzionali e Applicazioni a strutture di controllo di tipo iterazione

Nei linguaggi funzionali non si può ignorare H.O.

Le operazioni HO importanti per strutturare meglio il controllo e rendere più semplice la prog. Funzionale

Foldr (in OCaml: list.fold_right)

Foldr: ('a -> 'b -> 'b) -> 'a list -> 'b -> 'b

map: ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list

foldr può essere realizzato come operazione primitiva del linguaggio o no, in ogni caso si esprime come se fosse definito con:

foldr g es b = match es with

| [] -> b

| a::as -> g a (foldr g as b)

map può avere parametri, o meno nel linguaggio funzionale, in ogni caso ha il seguente comportamento:

$$\begin{aligned} \text{map } g \text{ } ls &= \text{match } ls \text{ with} \\ | [] &\rightarrow [] \\ | a :: as &\rightarrow (g a) :: (\text{map } g \text{ } as) \end{aligned}$$

Le due funzioni non sono mai utilizzate in combinazione per risolvere una struttura di controllo molto simile ad una iterazione

Enumerazione

① Somma di una lista di interi

$$\begin{aligned} \text{sum} &: \text{int list} \rightarrow \text{int} \\ \text{sum } ls &= \text{foldr } (+) \text{ } ls \text{ } 0 \end{aligned}$$

② Somma degli interi superiori a k di una lista di interi

$$\text{sum } k : \text{int list} \rightarrow \text{int} \rightarrow \text{int}$$
$$\text{sum } k \text{ } ls = \text{foldr } (+) (\text{map } (\text{fun } x \rightarrow \text{if } x > k \text{ then } x \text{ else } 0)) \text{ } 0$$

③ $\text{isIn } a \text{ 'a list} \rightarrow \text{bool}$
 $\text{isIn } a \text{ ls} \equiv \text{foldr } (||) \text{ (map (fun x} \rightarrow \text{k} = a) \text{ ls) false}$