Esercitazione Procedure/Funzioni: Tramissione e Invocazione. Caso Generale

prof. Marco Bellia, Dip. Informatica, Università di Pisa

April 30, 2012

Procedure: Il caso generale - Domini - Funzioni /a

Example

- Quando abbiamo più argomenti dobbiamo mettere insieme le definizioni viste
- Allo scopo, possiamo introdurre tre funzioni ausiliarie
- Una per ciascuna fase dell'invocazione:
 - Trasmissione: Valuta la lista degli argomenti in accordo al tipo di trasmissione previsto per ciascun di essi, ottenendo una lista di valori denotabili o memorizzabili;
 - Bindings: Lega, in accordo al tipo di trasmissione previsto per ciascun parametro, i valori denotabili o memorizzabili ai corrispondenti parametri formali;
 - Ritorno: Lega i valori calcolati, dalla valutazione della procedura, agli argomenti trasmessi per risultato o valore-risultato

Procedure: Il caso generale - Domini - Funzioni /b

Example

- Le prime due funzioni sono utilizzate nel prologo dell'invocazione, la terza nell'epilogo, dopo la valutazione del corpo della procedura
- Si definiscano le tre funzioni ausiliarie: Trasmissione, Bindings, Ritorno
- Utilizzando tali funzioni si diano le funzioni semantiche della dichiarazione e dell'invocazione di procedura con n argomenti
- La soluzione sarà vista ad esercitazione

Procedure: Il caso generale/2 - Trasmissione/1

Example

ullet Funzione ${\mathcal T}$ per la trasmissione dei valori (espressioni da valutare)

Domini Sintattici Ausiliari

$$\label{eq:A::=byValue} \begin{array}{l} \texttt{A} ::= \texttt{byValue} \; \texttt{E} \; | \texttt{byName} \; \texttt{E} \; | \texttt{byValueResult} \; \texttt{E} \\ | \texttt{byConst} \; \texttt{E} \; | \texttt{byResult} \; \texttt{E} \; | \texttt{byValueResult} \; \texttt{E} \\ \end{array}$$

Funzioni Semantiche Ausiliarie

$$\begin{split} \mathcal{T}: \mathtt{A^n} &\to \mathtt{Env} \to \mathtt{Store} \to ((\mathtt{Val} \cup \mathtt{Den})^n \times \mathtt{Store})_{\perp} \\ \mathcal{T}_1: \mathtt{A} &\to \mathtt{Env} \to ((\mathtt{Val} \cup \mathtt{Den})^m \times \mathtt{Store}) \to ((\mathtt{Val} \cup \mathtt{Den})^{m+1} \times \mathtt{Store})_{\perp} \end{split}$$

$$\mathcal{T} \llbracket (\mathtt{A}_1 ... \mathtt{A}_n) \rrbracket_{\rho} (\mathtt{s}) = \mathcal{T}_1 \llbracket \mathtt{A}_1 \rrbracket_{\rho} \circ ... \circ \mathcal{T}_1 \llbracket \mathtt{A}_n \rrbracket_{\rho} \; ((), \mathtt{s})$$

Proceure: Il caso generale/2 - Trasmissione/2

Example

$$\begin{split} & \textbf{Funzioni Semantiche Ausiliarie} \\ & \mathcal{T} [\![(A_1...A_n)]\!]_{\rho}(s) = \mathcal{T}_1 [\![A_1]\!]_{\rho} \circ ... \circ \mathcal{T}_1 [\![A_n]\!]_{\rho} ((),s) \\ & \mathcal{T}_1 [\![\text{byValue AMem}(E)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = \\ & \text{Let} \{\!(v_{m+1},s_{m+1}) =_{\!\! \perp_{\!\! S}} \mathcal{E}[\![E]\!]_{\rho}(s_m) \!\} (\!(v_1...v_m VM(v_{m+1})\!),s_{m+1}) \\ & \mathcal{T}_1 [\![\text{byName ACodeC}(C)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = (\!(v_1...v_m Z(\mathcal{M}[\![C]\!]_{\rho})\!),s_{m+1}) \\ & \mathcal{T}_1 [\![\text{byName ACodeE}(E)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = (\!(v_1...v_m Z(\mathcal{E}[\![E]\!]_{\rho})\!),s_{m+1}) \\ & \mathcal{T}_1 [\![\text{byReference Den}(E)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = \\ & \text{Let} \{\!(1,s_{m+1}) =_{\!\! \perp_{\!\! S}} \mathcal{E}[\![\text{Den}(E)]\!]_{\rho}(s_m) \!\} (\!(v_1...v_m 1),s_{m+1}) \\ & \mathcal{T}_1 [\![\text{byConst AConst}(E)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = \\ & \text{Let} \{\!(1,s_{m+1}) =_{\!\! \perp_{\!\! S}} \mathcal{E}[\![\text{Den}(E)]\!]_{\rho}(s_m) \!\} (\!(v_1...v_m 1),s_{m+1}) \\ & \mathcal{T}_1 [\![\text{byResult Den}(E)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = \\ & \text{Let} \{\!(1,s_{m+1}) =_{\!\! \perp_{\!\! S}} \mathcal{E}[\![\text{Den}(E)]\!]_{\rho}(s_m) \!\} (\!(v_1...v_m 1),s_{m+1}) \\ & \mathcal{T}_1 [\![\text{byValueResult Den}(E)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = \\ & \text{Let} \{\!(1,s_{m+1}) =_{\!\! \perp_{\!\! S}} \mathcal{E}[\![\text{Den}(E)]\!]_{\rho}(s_m) \!\} (\!(v_1...v_m 1),s_{m+1}) \\ & \mathcal{T}_1 [\![\text{byValueResult Den}(E)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = \\ & \text{Let} \{\!(1,s_{m+1}) =_{\!\! L_{\!\! S}} \mathcal{E}[\![\text{Den}(E)]\!]_{\rho}(s_m) \!\} (\!(v_1...v_m 1),s_{m+1}) \\ & \mathcal{T}_1 [\![\text{byValueResult Den}(E)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = \\ & \text{Let} \{\!(1,s_{m+1}) =_{\!\! L_{\!\! S}} \mathcal{E}[\![\text{Den}(E)]\!]_{\rho}(s_m) \!\} (\!(v_1...v_m 1),s_{m+1}) \\ & \mathcal{T}_1 [\![\text{byValueResult Den}(E)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = \\ & \text{Let} \{\!(1,s_{m+1}) =_{\!\! L_{\!\! S}} \mathcal{E}[\![\text{Den}(E)]\!]_{\rho}(s_m) \!\} (\!(v_1...v_m 1),s_{m+1}) \\ & \mathcal{T}_1 [\![\text{byValueResult Den}(E)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = \\ & \text{Let} \{\!(1,s_{m+1}) =_{\!\! L_{\!\! S}} \mathcal{E}[\![\text{Den}(E)]\!]_{\rho}(s_m) \!\} (\!(v_1...v_m 1),s_{m+1}) \\ & \mathcal{T}_1 [\![\text{byValueResult Den}(E)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = \\ & \text{Let} \{\!(1,s_{m+1}) =_{\!\!\! L_{\!\!\! S}} \mathcal{E}[\![\text{Den}(E)]\!]_{\rho} (\!(v_1...v_m),s_m) = \\ & \text{Let} \{\!(1,s_{m+1}) =_{$$

Procedure: Il caso generale/3 - Invocazione

Example

Domini Sintattici Ausiliari

 $\label{eq:A::=byValue} \texttt{E} | byName E | byReference E \\ | byConst E | byResult E | byValueResult E \\$

Funzioni Semantiche

$$\begin{array}{l} \mathcal{M}[\![\![\mathtt{Call}\ \mathtt{I}\ (\mathtt{A}_1...\mathtt{A}_n)]\!]_{\rho}\colon\mathtt{Store}\to\mathtt{Store} \\ \mathcal{T}:\mathtt{A}^n\to\mathtt{Env}\to\mathtt{Store}\to(\!(\mathtt{Val}\cup\mathtt{Den})^n\times\mathtt{Store})_{\!\!\perp} \end{array}$$

$$\begin{split} \mathcal{M}[\![\![\mathtt{Call} \ \mathtt{I} \ (\mathtt{A}_1...\mathtt{A}_n)]\!]_{\rho}(\!\mathbf{s}) &= \\ \mathtt{Let}\{(\!(\!v_1...v_n\!),\mathtt{s}_n\!) \!\!=\! \mathcal{T}[\![\![\!(\mathtt{A}_1...\mathtt{A}_n)]\!]\!]_{\rho}(\!\mathbf{s}), \ \mathtt{F}(\mathtt{f}) \!\!=\!\! \rho(\mathtt{I})\} \\ & \mathtt{f}(\!v_1...v_n\!)(\!\mathtt{s}_n\!) \end{split}$$

Procedure: Il caso generale/4 - Bindings (Parametri)/1

Example

• Funzione \mathcal{B} per i bindings (parametro-valore trasmesso)

Domini Sintattici Ausiliari

$$\label{eq:posterior} \begin{split} P ::= & \mbox{ byValue E } | \mbox{byName E } | \mbox{byReference E} \\ & \mbox{ |byResult E } | \mbox{byValueResult E} \end{split}$$

Funzioni Semantiche Ausiliarie

$$\begin{array}{l} \mathcal{B}: \mathsf{P^n} \to \mathsf{Env} \times (\!(\mathtt{Val} \cup \mathtt{Den})^n \times \mathtt{Store}) \to (\mathtt{Env} \times \mathtt{Store})_{\!\!\perp} \\ \mathcal{B}_1: \mathsf{P} \to (\mathtt{Env} \times (\mathtt{Val} \cup \mathtt{Den})^m \times \mathtt{Store}) \to (\mathtt{Env} \times (\mathtt{Val} \cup \mathtt{Den})^{m-1} \times \mathtt{Store})_{\!\!\perp} \end{array}$$

$$\mathcal{B}[\![(P_1...P_n)]\!]_{\rho}(\!(v_1...v_n\!),s) = (\mathcal{B}_1[\![P_1]\!] \circ ... \circ \mathcal{B}_1[\![P_n]\!] \circ \downarrow_{1-3}^3)(\rho,(v_1...v_n),s)$$

where:
$$\downarrow_{1\rightarrow3}^3 \equiv \lambda(u_1u_2u_3).(u_1u_3)$$

Procedure: Il caso generale/4 - Bindings (Parametri)/2a

Diamo la definizione la funzione ${\mathcal B}$ per il binding completare

Procedure: Il caso generale/5 - Epilogo/1

Diamo la segnatura della funzione \mathcal{R} e il comportamento generale completare

Procedure: Il caso generale/5 - Epilogo/2

Diamo la definizione di ${\mathcal R}$ completare

Procedure: Il caso generale/6 - Dichiarazione

Ora siamo in grado di riscrivere la semantica della dichiarazione di funzione n-aria completare