
Crittografia avanzata
Lezione del 21 Marzo 2011

Attacchi alle funzioni hash

- Collisioni: trovare due messaggi $M1$ e $M2$ tali che $H(M1) = H(M2)$ in meno di $2^{(L/2)}$ tentativi
 - L è la lunghezza dell'hash
 - Mezzi per via del birthday attack
- First preimage: dato X , trovare M tale che $H(M)=X$ in meno di 2^L tentativi
- Second preimage: dato $M1$, trovare $M2$ tale che $H(M1) = H(M2)$ in meno di 2^L tentativi

Message Authentication Codes

- Scopo: garantire integrità e autenticità di un messaggio
- Tipicamente brevi
- Sono diversi da meccanismi simili destinati alla rilevazione di errori (es. CRC) perché:
 - Usano una chiave
 - Sono crittograficamente robusti
- Caratteristiche simili alle funzioni hash, ma con una chiave
- Es. CBC MAC trasforma un algoritmo a blocchi in un MAC (con alcune cautele)

MAC con chiave

- Garanzia dell'integrità di un file
 - Firma: chiave asimmetrica
 - Hash con chiave: chiave simmetrica
- Come costruire un hash con chiave?
 - Si cercano soluzioni che non siano (troppo) dipendenti dalla funzione hash utilizzata

HMAC: Keyed-hash MAC

- Definito in RFC 2104 e FIPS PUB 198
$$\text{HMAC}(K,m) = H((K \oplus \text{opad}) \parallel H((K \oplus \text{ipad}) \parallel m))$$
- Dove:
 - outer padding opad = 0x5c5c5c...5c5c
 - inner padding ipad = 0x363636...3636
 - \parallel è la concatenazione
- Rende bene l'idea di come la crittografia non si improvvisi

Obiettivi

- Usare funzioni Hash esistenti senza modificarle
- Mantenere le prestazioni
- Usare le chiavi in modo semplice
- Avere una funzione di uso generale la cui robustezza sia stata analizzata
 - Estremamente importante per l'IETF, la crittografia e la sicurezza compaiono dappertutto, anche dove non ci sono competenze specifiche...
- Permettere di sostituire la funzione di hash con facilità

Altre possibilità?

- Perché non semplicemente:

$$\text{HMAC}(K,m) = H(K \parallel m)$$

$$\text{HMAC}(K,m) = H(m \parallel K)$$

...

- Per ognuna delle combinazioni ovvie esistono attacchi applicabili in determinati casi e contesti
 - O si conoscono esattamente i casi e si possono escludere, o è meglio affidarsi a funzioni robuste
 - Es. uso di MD5 e SHA-1 in SSL

Soluzioni semplici

- $MAC = H(\text{key} \parallel \text{message})$
 - Con alcune è possibile appendere testo al messaggio senza conoscere la chiave, ottenendo un MAC valido
 - la propagazione della chiave è limitata
- $MAC = H(\text{message} \parallel \text{key})$
 - Se c'è una collisione nell'Hash con messaggio, per molte funzioni c'è una collisione nel MAC
 - Senza conoscere la chiave
- HMAC rientra nella famiglia:
 - $MAC = H(\text{key1} \parallel H(\text{key2} \parallel \text{message}))$

Altro?

- Si vogliono funzioni efficienti
 - Che si possano calcolare su uno stream di messaggio
 - Che si possano verificare su uno stream di messaggio

Uso di MAC e firma

- La firma digitale e i MAC sono due strumenti per garantire l'integrità di messaggi e documenti
- Si tratta di strumenti di base, ma l'uso dipende dal contesto
- Problema: i documenti, messaggi e file “vivi” devono essere modificati
 - Di fatto, i MAC e le firme corrispondono a “foto” della situazione

Usi di HMAC

- Garanzia “temporanea” di autenticità e integrità in uno scambio di messaggi
- Simile alla firma, ma:
 - Non c'è non repudiation
 - Non è pensato per una conservazione a lungo termine

Uso di HMAC

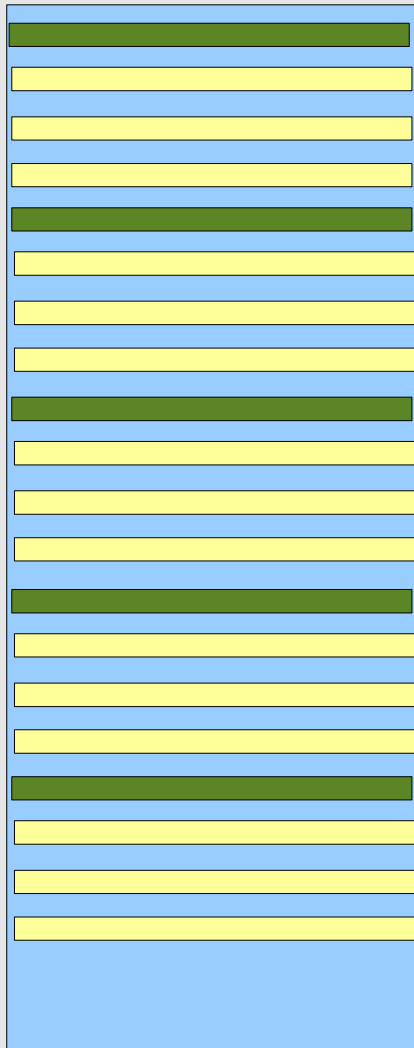
- Protocolli di comunicazione
 - Una volta contrattata una chiave condivisa
- In generale, quando meccanismi di firma non sarebbero efficienti
 - O quando è comunque utilizzata una chiave condivisa
- Importante: queste protezioni hanno protetto protocolli Internet anche in presenza di collisioni nelle funzioni hash (vedi RFC

Caso particolare: i log

- L'integrità dei log è richiesta da molte normative ed è utile da verificare in generale
- I log sono file che crescono in append (salvo rotazione)
 - Un caso particolare più semplice da gestire
 - Garantire l'integrità rispetto a cosa e a quando?
 - Accesso non autorizzato al logserver?
 - Manipolazione successiva?

Chained hashing

Log file



$$H_0$$

$$H_1 = \text{MAC}_k(H_0 \parallel \log_0)$$

$$H_2 = \text{MAC}_k(H_1 \parallel \log_1)$$

Hash chaining

- Si parte da un pad casuale H_0 , inserito in testa al file di log e una chiave K
- Periodicamente, si calcola un MAC e si inserisce nel file

$$H_i = \text{MAC}(H_{i-1} \parallel \text{log})$$

- Log è il frammento del file di log successivo a H_{i-1}
- Può essere fatto per ogni evento...
- Se il file viene modificato nelle parti coperte dai MAC, la modifica risulta evidente

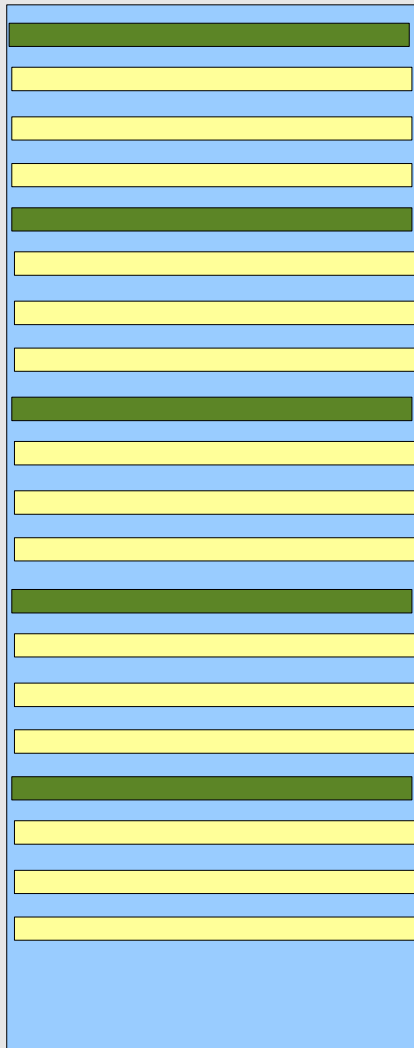
- Frequenza:
 - Gli eventi possono essere modificati finché non vengono inclusi in un MAC
- Dove è stato alterato il file?
 - Chi vuole manomettere il file può modificarlo in diverse parti per “nascondere” le vere modifiche
 - Ad esempio, modificare gli hash

Protezione della chiave

- Se la chiave è in memoria, alla compromissione del sistema può corrispondere una compromissione della chiave
 - Perfect forward secrecy: la nuova chiave è un hash della precedente
 - La compromissione della chiave non permette di modificare i MAC già apposti

Chiave modificata

Log file



$$H_0 \quad k_1 = H(k_0)$$

$$H_1 = \text{MAC}_{k_1}(H_0 \parallel \log_0) \quad k_2 = H(k_1)$$

$$H_2 = \text{MAC}_{k_2}(H_1 \parallel \log_1) \quad k_3 = H(k_2)$$

Rainbow tables

- Tipicamente usate per hash di password, ma non solo
- È possibile precomputare (parte di) una funzione crittografica
 - Parte della funzione
 - Su un sottoinsieme delle chiavi
- Trade-off fra spazio e tempo

Hash chains

- Esempio: precomputare una funzione hash su password banali
 - Ma lo spazio necessario può ancora essere eccessivo
- Soluzione: si trova una funzione “di riduzione” R con un comportamento pseudocasuale da hash a password e si costruiscono catene
$$p_1 \rightarrow h_1 \rightarrow p_2 \rightarrow h_2 \rightarrow \dots \rightarrow p_n$$
- Si memorizzano solo p_1 e p_n
- Questo non ci garantisce che ogni password sia in una qualche catena

Utilizzo

- Dato un hash hx , si inizia a computare una catena che parta da hx
 $hx \rightarrow px \rightarrow \dots$
- Fino a quando non si trova una password che sia alla fine di una catena (pn)
- A quel punto si parte dalla $p1$ di quella catena e si calcola la catena
 - C'è una “buona probabilità” che la catena contenga hx e quindi che il valore precedente sia la password
 - Ma non è detto, ci sono collisioni: se non c'è, si prosegue con la catena

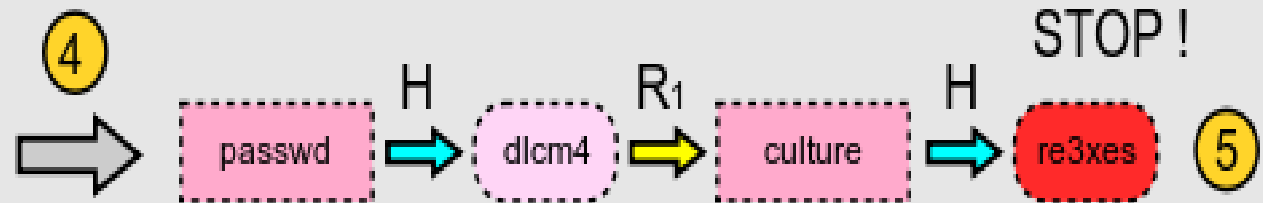
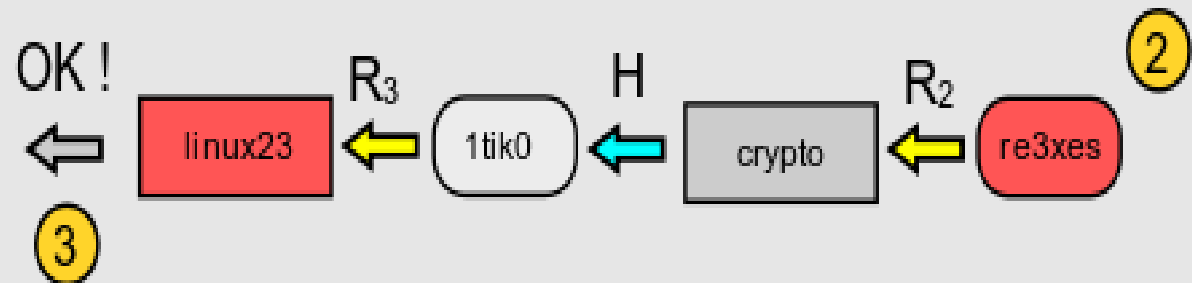
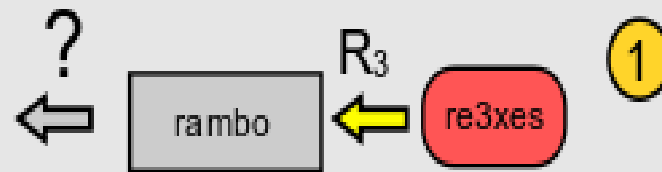
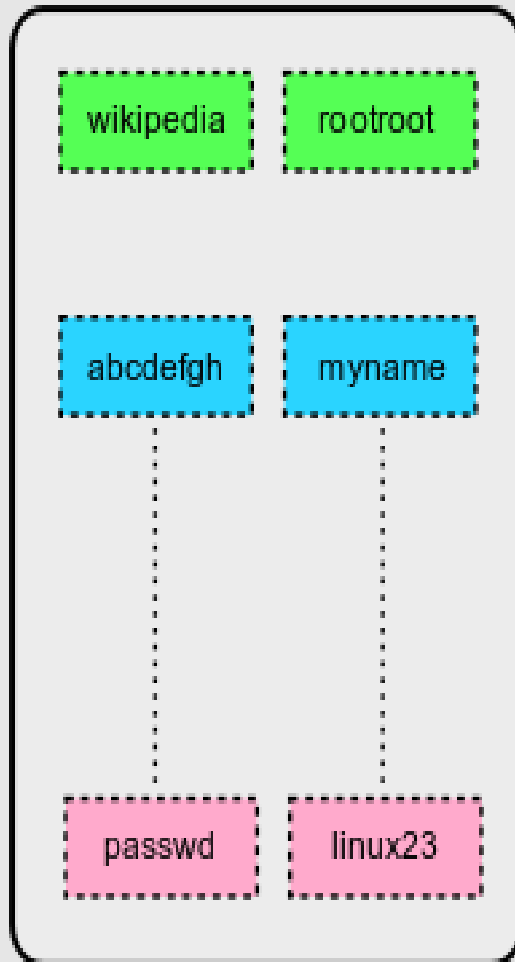
Collisioni

- Più password possono generare lo stesso hash
- Ancora più facile con la funzione R
- Più catene “convergono” sulla stessa pn
- Es. R=”primi 6 caratteri”
 - In questo caso tutti gli hash che iniziano con gli stessi 6 caratteri “convergono” sulla stessa password
 - Quindi abbiamo nelle nostre catene molte meno password (e hash) di quanti ce ne aspetteremmo

Rainbow tables

- Invece di una sola funzione R se ne definisce una sequenza $R_1 \dots R_n$
- In questo modo, perché ci sia una collisione fra due catene, devono collidere allo stesso step (altrimenti, essendo diverse le funzioni, poi divergono nuovamente)

Uso delle rainbow tables



Fair cryptosystems

- Problema: le comunicazioni cifrate impediscono le intercettazioni legittime
- Soluzione: dare alle autorità accesso alla chiave
 - Ma in modo “controllato”
- Possiamo:
 - Prendere la chiave (privata) e darla in “secret sharing” a diverse autorità
 - Prendere una chiave robusta e darne una parte “in secret sharing” a più autorità

Come verificare la correttezza?

- Un malintenzionato potrebbe dare parti di una chiave “fasulla”
- La cosa si scoprirebbe solo al momento della ricostruzione
 - Vale la pena di correre il rischio
- Come fornire la possibilità di controllare la correttezza dell'escrow senza scoprire la chiave?
 - Una soluzione è imporre l'hardware di cifratura

Esercizio: riuso del keytext

- Il testo è codificato come segue:

Plaintext	Binary	Plaintext	Binary	Plaintext	Binary
A	00000	J	01001	S	10010
B	00001	K	01010	T	10011
C	00010	L	01011	U	10100
D	00011	M	01100	V	10101
E	00100	N	01101	W	10110
F	00101	O	01110	X	10111
G	00110	P	01111	Y	11000
H	00111	Q	10000	Z	11001
I	01000	R	10001	space	11010

Depth

- Riutilizzo del keytext (errore comune).
- $c = k \oplus m$
- Due testi cifrati che riutilizzino il keytext si dicono “in depth”
- Nell'esempio che segue, almeno un testo contiene “the”

CIPHERTEXT 1:

11001 10101 01110 01111 01011 00110 10001 00000
10001 00011 10010 11011 00000 01100 01101

CIPHERTEXT 2:

01001 11001 10100 01110 10101 01111 00101 00011
01111 01111 11001 11000 01101 10011 01001

Soluzione

- Sappiamo che se il keytext è riutilizzato, abbiamo da $c=k\oplus m$ che
- $c1\oplus c2 = (k1\oplus m1)\oplus(k2\oplus m2) = m1\oplus m2$
- Soluzione:

Close the doors
Shut the windows