



Funzioni e procedure



Breve storia dei sottoprogrammi

- **Astrazione di una sequenza di istruzioni**
 - un frammento di programma (sequenza di istruzioni) risulta utile in diversi punti del programma
 - riduce il “costo della programmazione” se si può dare un nome al frammento e viene inserito automaticamente il codice del frammento ogni qualvolta nel “programma principale” c’è un’occorrenza del nome
 - ✓ **macro e macro-espansione**



Macro in C

```
#define MULT(x, y) x * y
```

```
int z = MULT(3 + 2, 4 + 2);
```

```
int z = 3 + 2 * 4 + 2;  
// 2 * 4 valutato prima
```

Cosa viene assegnato a z?

13!!!

Code in-lining

Breve storia dei sottoprogrammi

- **Astrazione sul controllo:** si riduce anche l'occupazione di memoria se esiste un meccanismo che permette al programma principale
 - di trasferire il controllo a una unica copia del sottoprogramma memorizzata separatamente
 - di riprendere il controllo quando l'esecuzione del frammento è terminata
 - ed è un meccanismo supportato direttamente dall'hardware (**codice rientrante**)

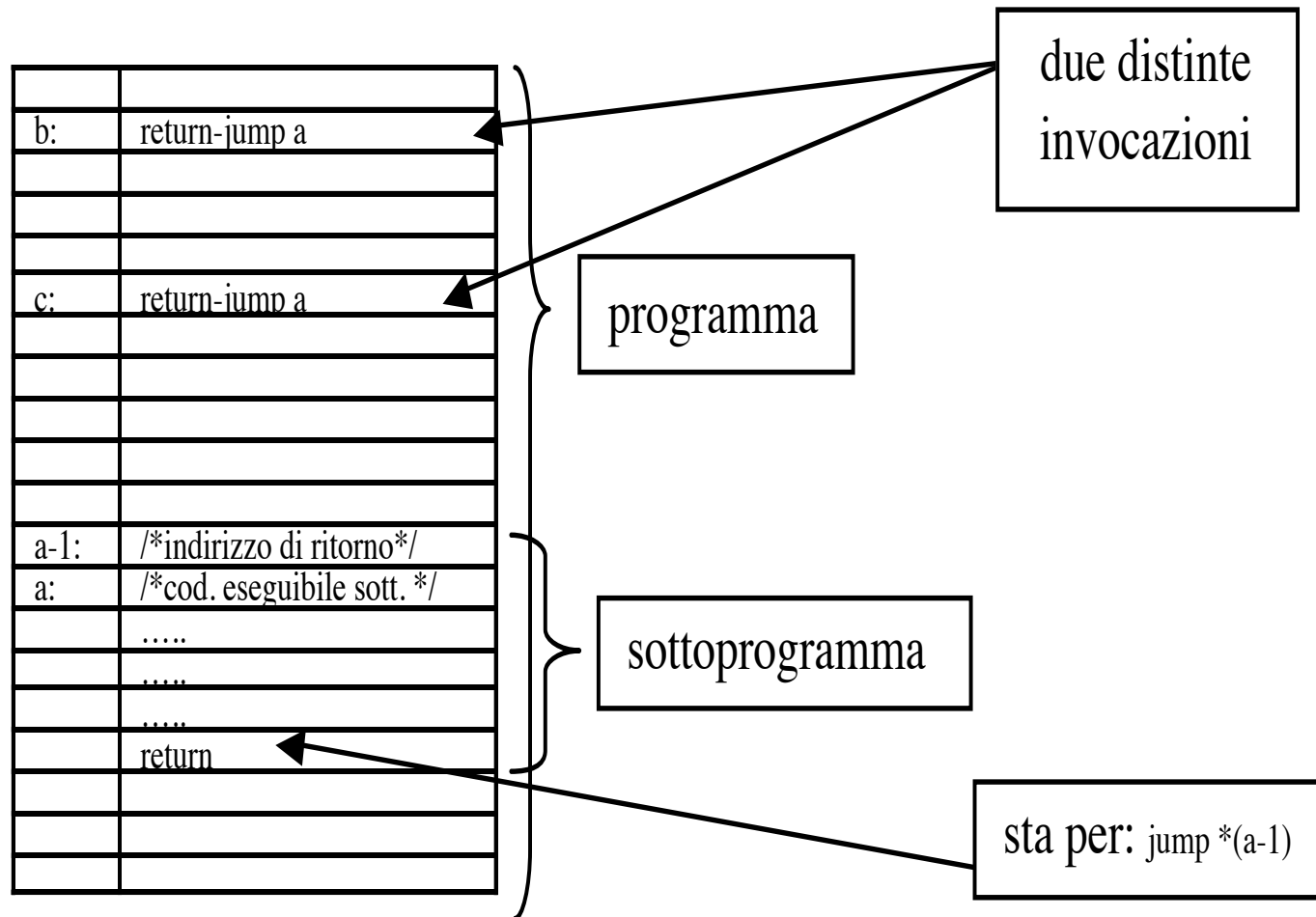


Breve storia dei sottoprogrammi

- Ancora meglio se permettiamo **astrazione via parametrizzazione**
 - astraendo dall'identità di alcuni dati
 - la cosa è possibile anche con le macro e il codice rientrante
 - ✓ macro-espansione con rimpiazzamento di entità diverse
 - ✓ associazione di informazioni variabili al codice rientrante

Cosa fornisce l'hardware?

- Primitiva di **return jump** con opportune strutture ausiliarie
- Viene eseguita (nel programma chiamante) l'istruzione **return jump a** memorizzata nella cella **b**
 - il controllo viene trasferito alla cella **a** (entry point della subroutine)
 - l'indirizzo dell'istruzione successiva del chiamante (**b + 1**) viene memorizzato in qualche posto noto, per esempio nella cella (**a - 1**) (**punto di ritorno**)
- quando nella subroutine si esegue una operazione di return
 - il controllo ritorna all'istruzione (del programma chiamante) memorizzata nel punto di ritorno





Archeologia: FORTRAN

- Una **subroutine** è un pezzo di codice compilato, al quale sono associati
 - una cella destinata a contenere (a tempo di esecuzione) i punti di ritorno relativi alle chiamate
 - alcune celle destinate a contenere i valori degli eventuali parametri
 - l'ambiente locale è statico



Semantica della subroutine à la FORTRAN

- Si può definire facilmente attraverso la ***copy rule statica*** (“macro-espansione”)
 - ogni chiamata di sottoprogramma è *testualmente rimpiazzata* da una copia del codice
 - ✓ facendo qualcosa per i parametri
 - ✓ ricordandosi che le dichiarazioni sono eseguite una sola volta
- Il sottoprogramma non è semanticamente qualcosa di nuovo: è solo un (importante) strumento metodologico (astrazione!)



Semantica della subroutine à la FORTRAN

- Osservazione: non è compatibile con la ricorsione
 - la macroespansione darebbe origine ad un programma infinito
 - l'implementazione à la FORTRAN (con un solo punto di ritorno) non permetterebbe di gestire più attivazioni presenti allo stesso tempo
- Il fatto che le subroutine FORTRAN siano concettualmente statiche fa sì che
 - non esista di fatto il concetto di attivazione
 - l'**ambiente locale** sia necessariamente **statico**



Attivazione

- Se ragioniamo in termini di attivazioni, la semantica può essere ancora definita da una **copy rule**, ma **dinamica**
 - ogni chiamata di sottoprogramma è **rimpiazzata a tempo di esecuzione** da una copia del codice
- Il sottoprogramma è ora semanticamente qualcosa di nuovo
- Ragionare in termini di attivazioni
 - rende naturale la ricorsione
 - porta ad adottare la regola dell'**ambiente locale dinamico**



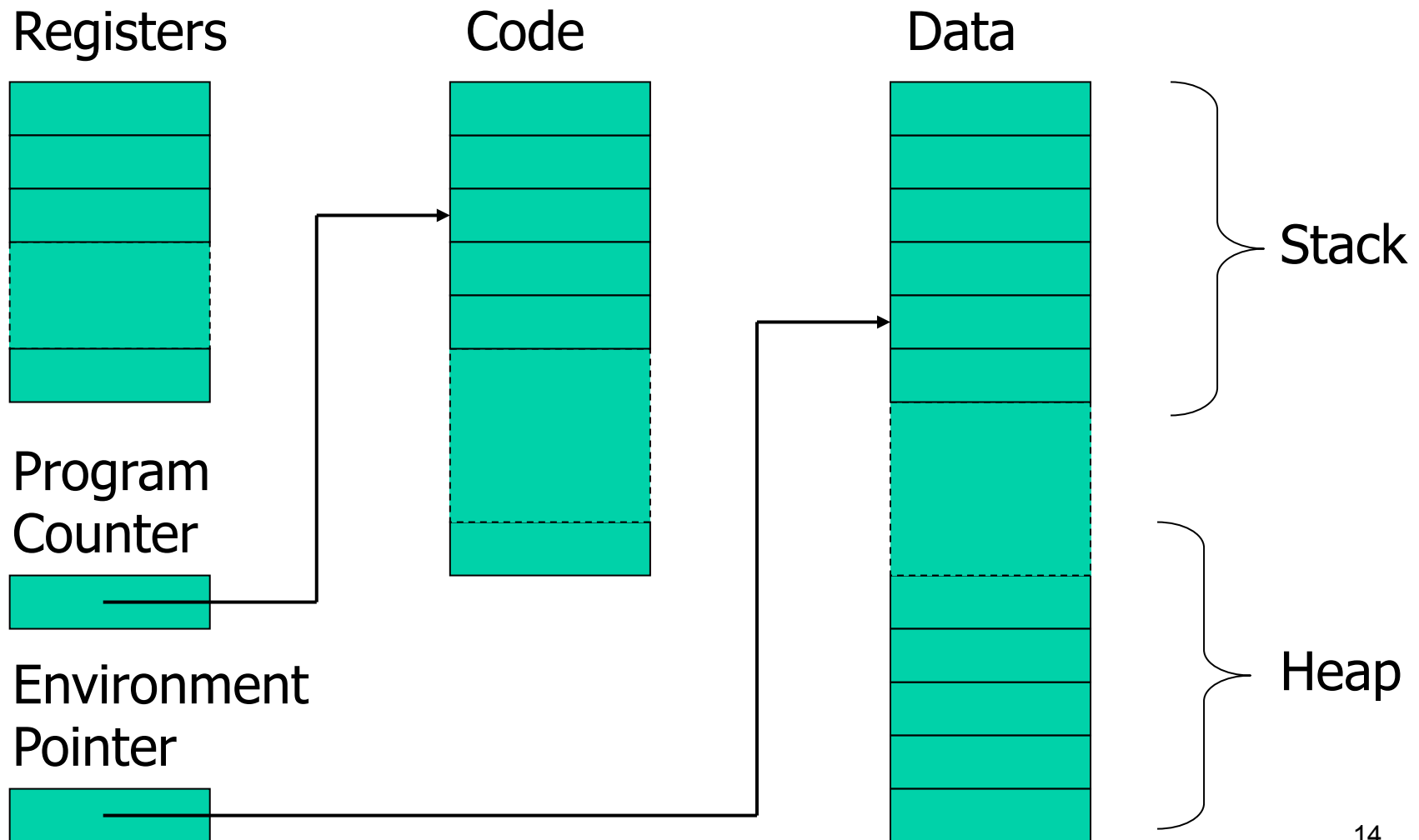
Le strutture di implementazione

- Invece delle informazioni **staticamente** associate al codice compilato di FORTRAN
 - punto di ritorno, parametri, ambiente e memoria locale si usano i **record di attivazione (frame)**
 - contenenti le stesse informazionima associati dinamicamente alle varie chiamate di sottoprogrammi
- Dato che l'accesso ai sottoprogrammi segue una politica LIFO
 - l'ultima attivazione creata nel tempo è la prima che ritornapossiamo organizzare i record di attivazione in una pila

Cosa è un vero sottoprogramma

- ***Astrazione procedurale*** (operazioni)
 - astrazione di una sequenza di istruzioni
 - astrazione via parametrizzazione
- ***Luogo di controllo*** per la gestione dell'ambiente e della memoria
 - Aspetto interessante dei linguaggi, intorno al quale ruotano decisioni semantiche importanti
 - binding: statico o dinamico

Modello di macchina hw





Meccanismo call/return di sottoprogramma

- Chiamante
 - crea una istanza del record di attivazione
 - salva lo stato dell'unità corrente di esecuzione
 - effettua il passaggio dei parametri
 - inserisce il punto di ritorno
 - trasferisce il controllo al chiamato
- Chiamato (prologo)
 - salva il valore corrente di Environment Pointer (EP) e lo memorizza nel link dinamico
 - definisce il nuovo valore di EP
 - alloca le variabili locali



Meccanismo call/return di sottoprogramma

- Chiamato (epilogo)
 - eventuale passaggio di valori (dipende dalla modalità di passaggio dei parametri - lo vedremo dopo)
 - il valore calcolato dalla funzione viene trasferito al chiamante
 - ripristina le informazioni di controllo (il vecchio valore di EP salvato come link dinamico)
 - ripristina lo stato di esecuzione del chiamante
 - trasferisce il controllo al chiamante



Come si realizza?

- Partiamo dalla cosa più semplice: i blocchi
 - sostanzialmente delle procedure senza nome e senza parametri

In-line block

- Record di attivazione -- Activation record
 - tipo di dati di sistema memorizzato nello stack
 - gestisce l'ambiente locale
- Esempio

```
{ int x = 0;  
  int y = x+1;  
    { int z = (x+y)*(x-y);  
      };  
};
```

Push AR con spazio per x, y

Assegna i valori a x, y

Push AR per blocco interno

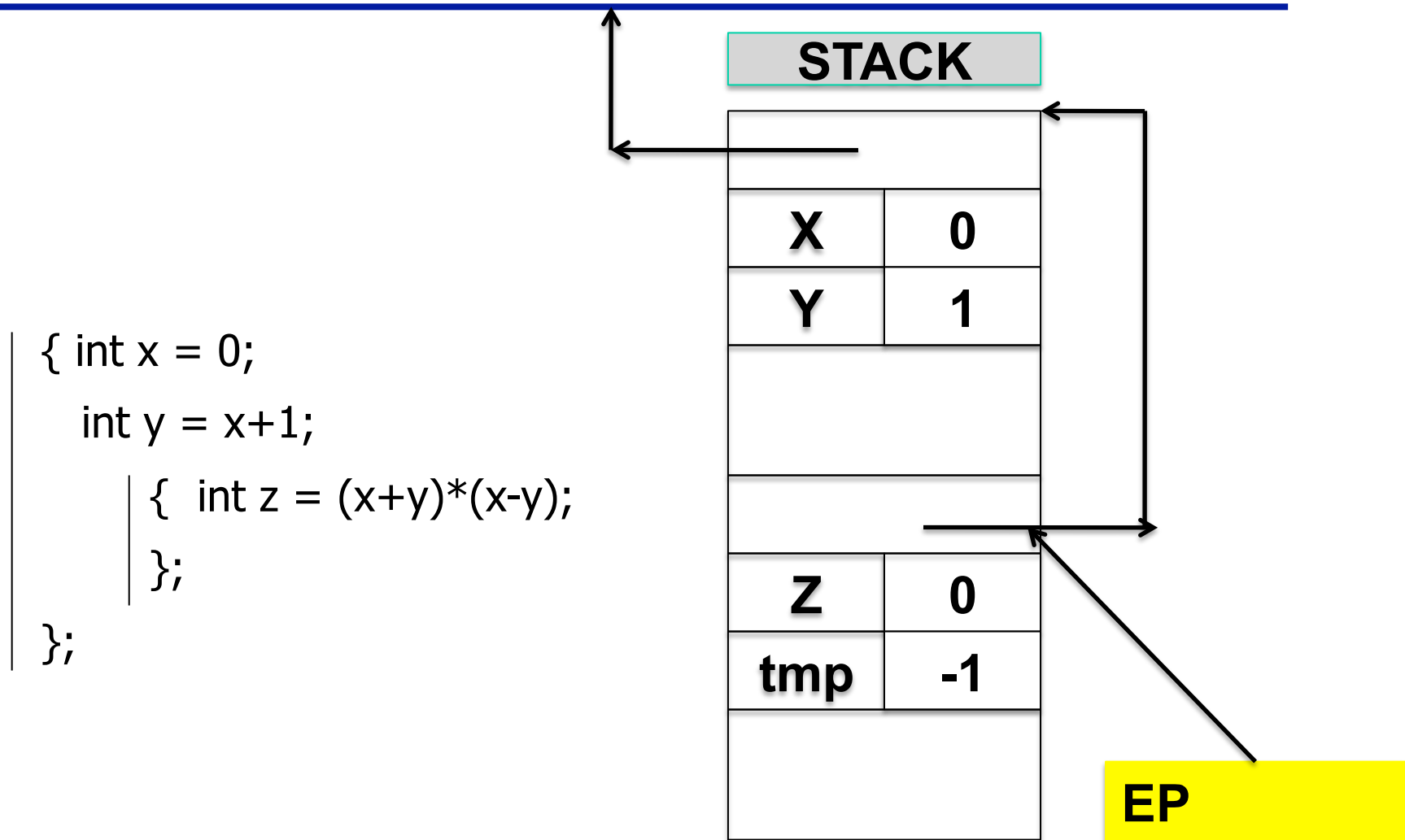
con spazio per z

Assegna valore a z

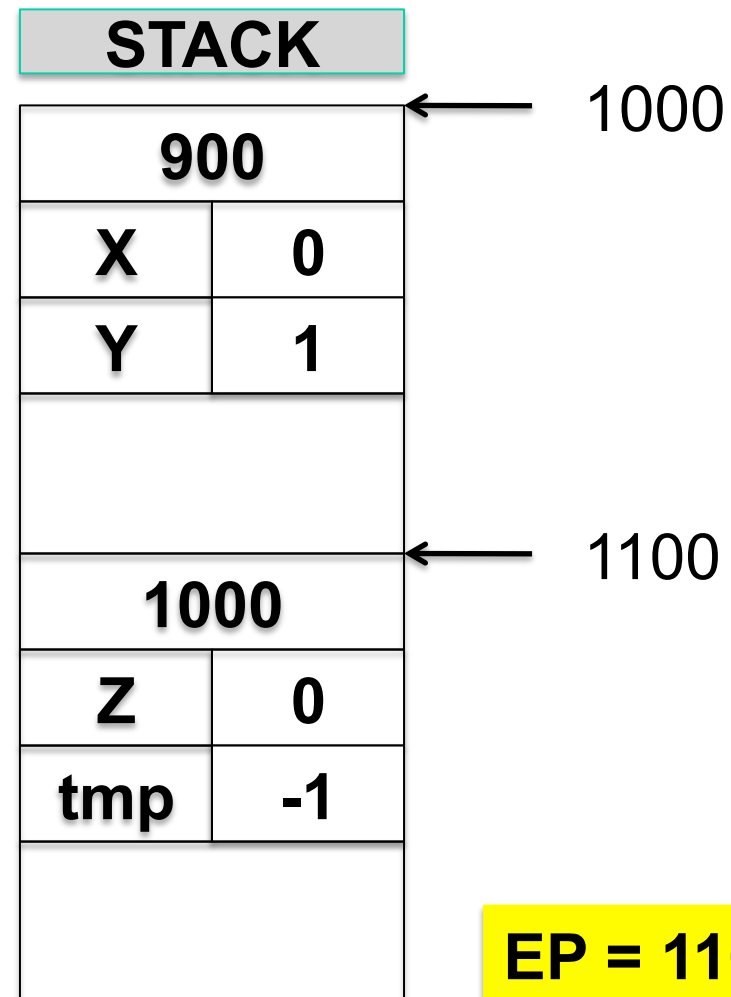
Pop AR per blocco interno

Pop AR per blocco esterno

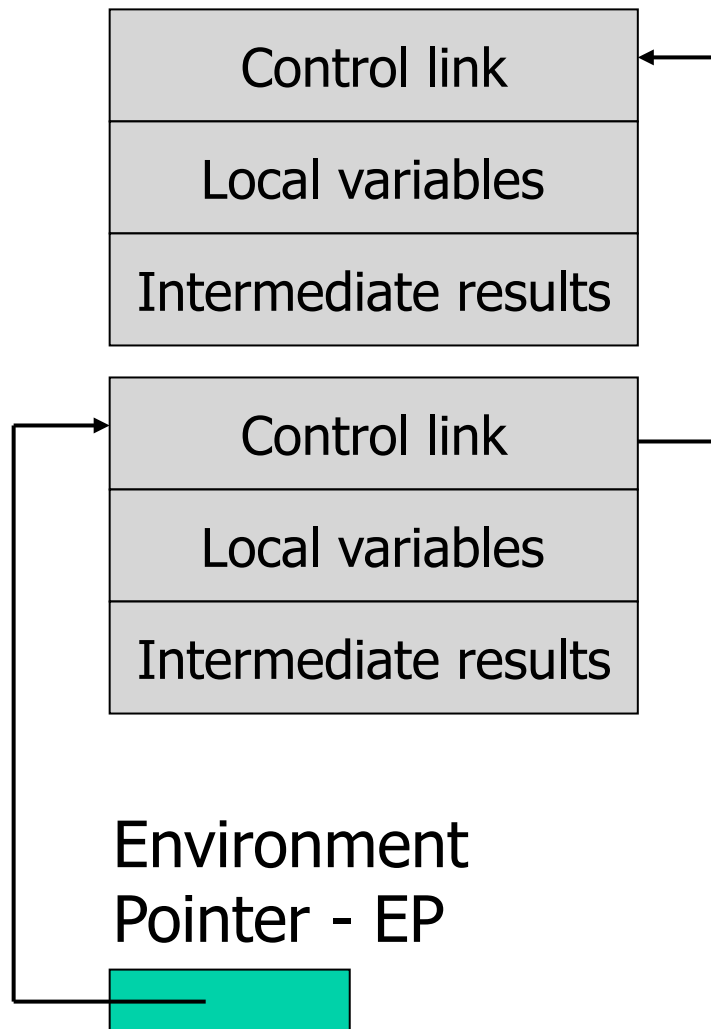
Occorre prevedere spazio per memorizzare i risultati intermedi



```
{ int x = 0;  
  int y = x+1;  
  { int z = (x+y)*(x-y);  
  };  
};
```



Record di attivazione per in-line block



- Control link
 - puntatore (indirizzo base) a AR precedente nello stack
- Push AR
 - il valore di EP diviene il valore del control link del nuovo AR
 - modifica EP a puntare al nuovo AR
- Pop record off stack
 - il valore del nuovo EP viene ottenuto seguendo il control link



Record di attivazione

Control link
Puntatore di catena dinamica

Variabili locali

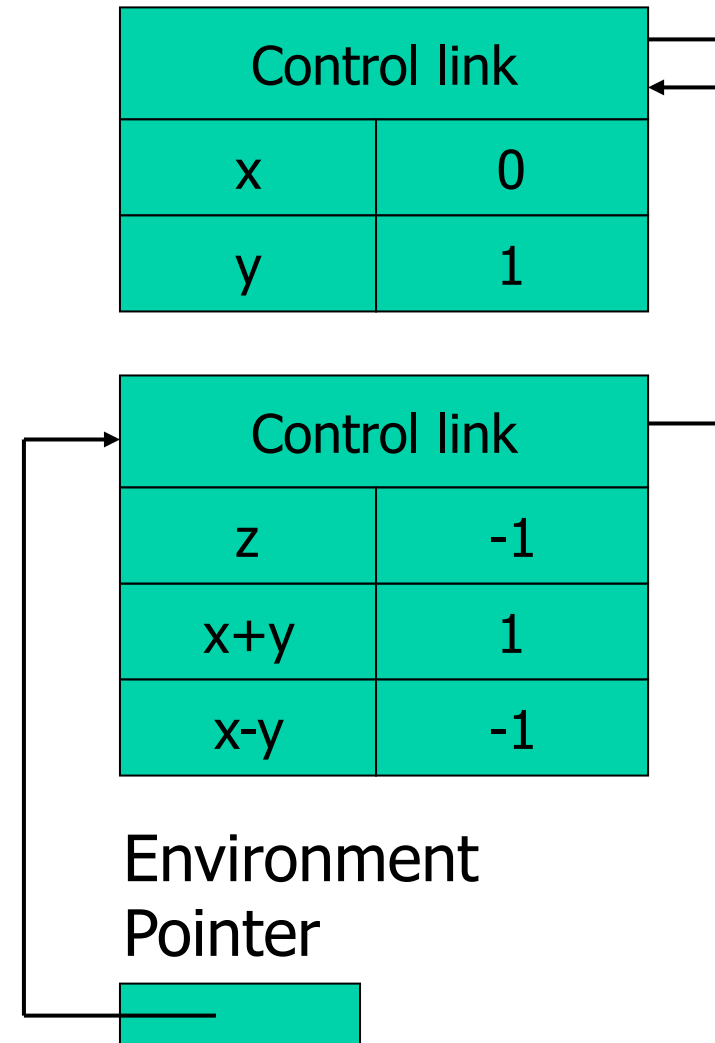
Risultati intermedi

Esempio completo

```

{ int x = 0;
  int y = x+1;
  { int z = (x+y)*(x-y);
  };
};

```



E le regole di scope?

- Variabili e ambiente
 - x, y locali al blocco esterno
 - z locale al blocco interno
 - x, y non locali per il blocco interno

```
{ int x = 0;
  int y = x+1;
  { int z=(x+y)*(x-y);
  };
};
```

- **Static scope**
 - riferimenti non locali si risolvono nel più vicino blocco esterno
- **Dynamic scope**
 - riferimenti non locali si risolvono nell'AR precedente sullo stack

Nel caso di in-line block le due nozioni coincidono



Analisi

- Il meccanismo dello stack dei record di attivazione è un meccanismo efficiente
 - Per risolvere un riferimento locale basta accedere al record di attivazione in testa allo stack (tramite EP) e poi cercare il nome nell'ambiente locale memorizzato nel record di attivazione
 - Maggiore efficienza se potessimo eliminare i nomi dal codice in esecuzione (dettagli in seguito)

Funzioni e procedure

Procedure (Algol)

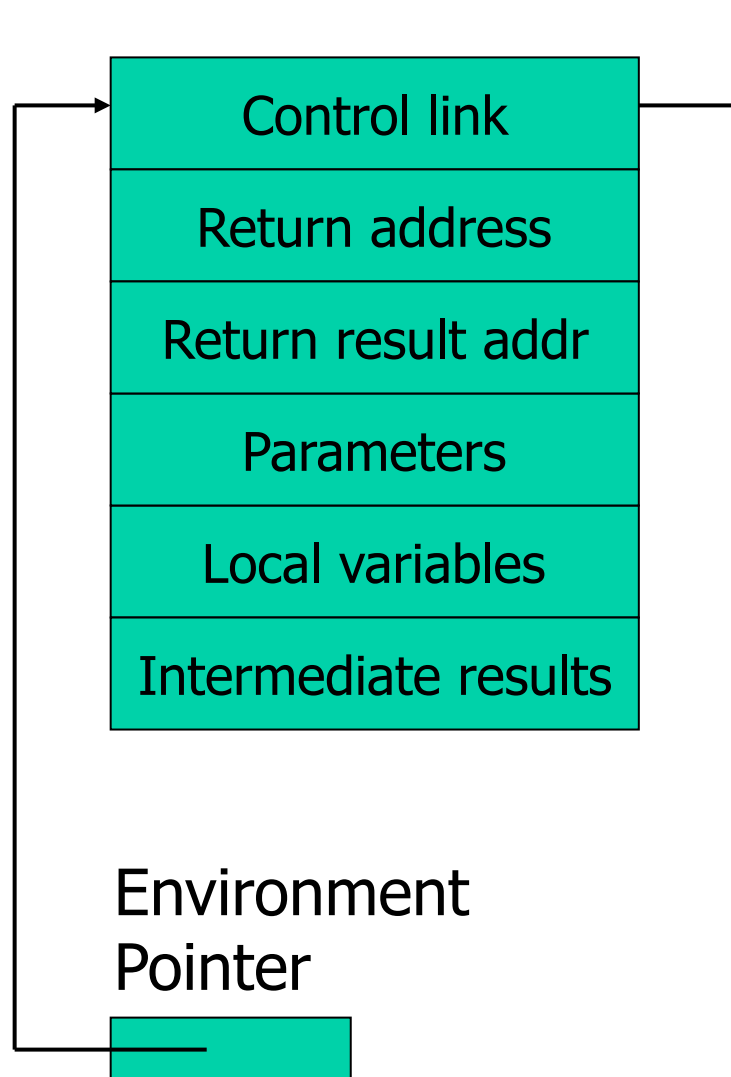
```
procedure P (<pars>)  
  begin  
  <local vars>  
    <proc body>  
  end;
```

Funzioni (C)

```
<type> function f(<pars>)  
{  
  <local vars>  
  <function body>  
}
```

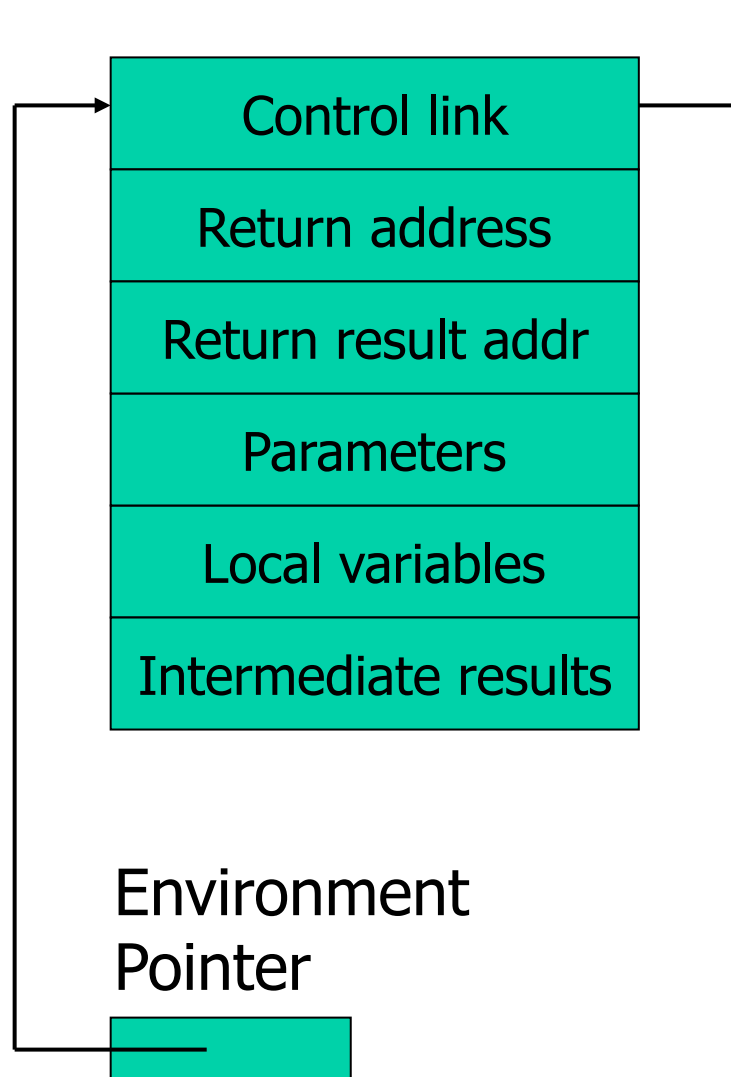
- Cosa ci deve stare nel record di attivazione?
 - parametri
 - indirizzo di ritorno
 - variabili locali, risultati intermedi
- valore restituito (caso part. di risultato intermedio)
- spazio per il valore restituito al momento del ritorno

Funzioni: struttura AR



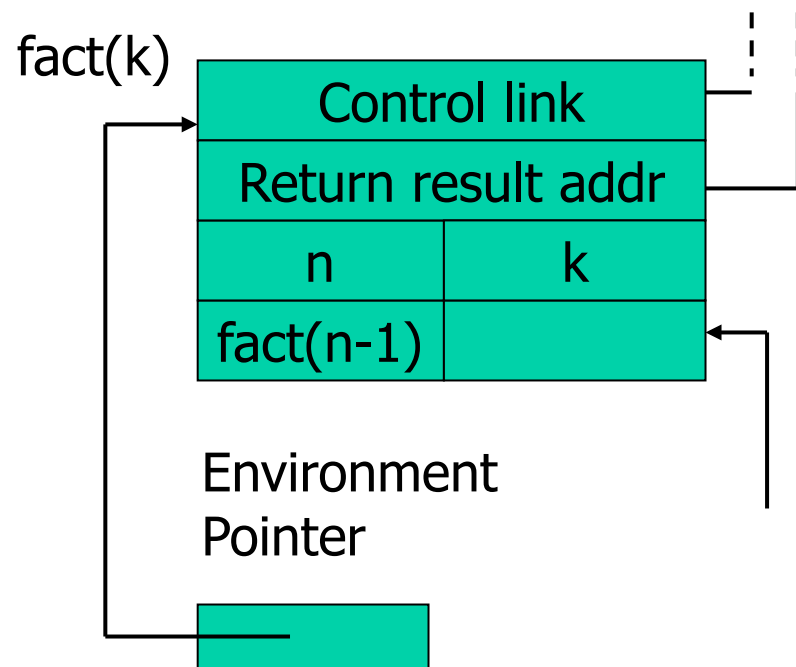
- Return address
 - indirizzo della istruzione da eseguire quando viene restituito il controllo al chiamante
- Return result address
 - indirizzo nell'AR del chiamante dove memorizzare il risultato
- Parameters
 - parametri della funzione

Esempio



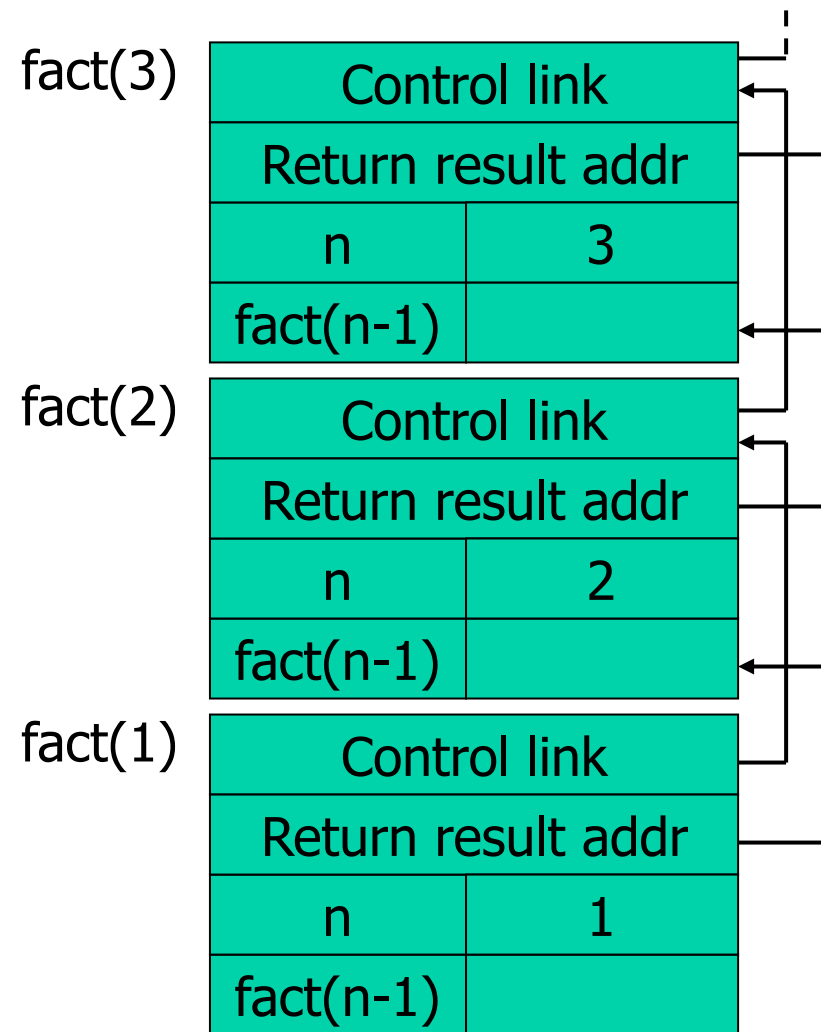
- Il solito fattoriale
$$\text{fact}(n) = \begin{cases} 1 & \text{if } n \leq 1 \\ n * \text{fact}(n-1) & \text{else} \end{cases}$$
- Return result address
 - indirizzo dove memorizzare $\text{fact}(n)$
- Parameters
 - associazione tra n e il valore del parametro attuale
- Intermediate results
 - spazio per memorizzare il valore di $\text{fact}(n-1)$

Call & ...



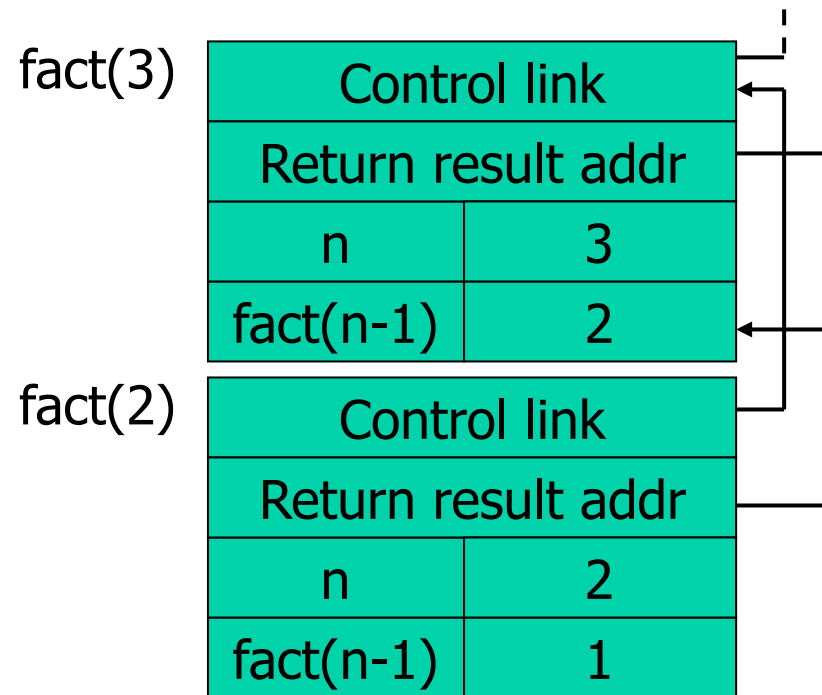
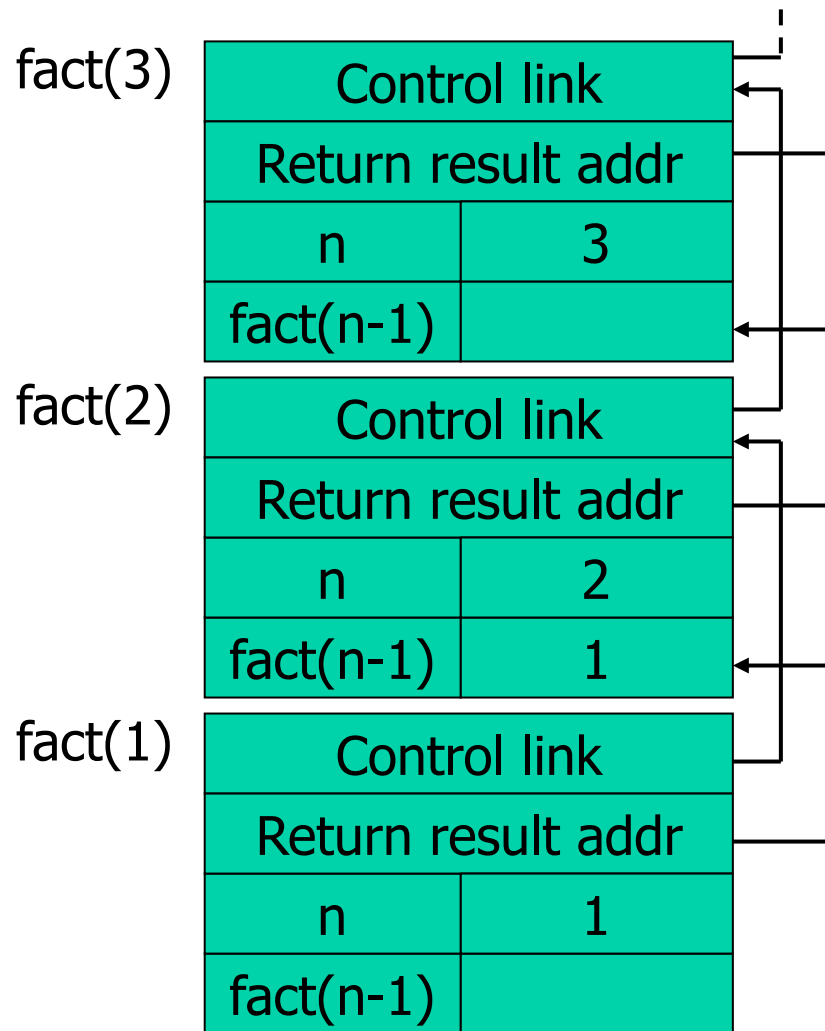
fact(n) = if $n \leq 1$ then 1
 else $n * \text{fact}(n-1)$

Per semplicità non inseriamo
 il valore del return address



Continua →

..... & return



fact(n) = if n <= 1 then 1
 else n * fact(n-1)

Altri aspetti

- Passaggio dei parametri
 - per valore: copiare il valore del parametro attuale nello spazio previsto nel record di attivazione
 - per riferimento: copiare il valore del puntatore nel record di attivazione
- Variabili globali
 - le variabili globali sono memorizzate nel record di attivazione che sta in fondo allo stack (il primo a essere creato)
- Esaminate questi aspetti con un semplice debugger!!



Passaggio dei parametri

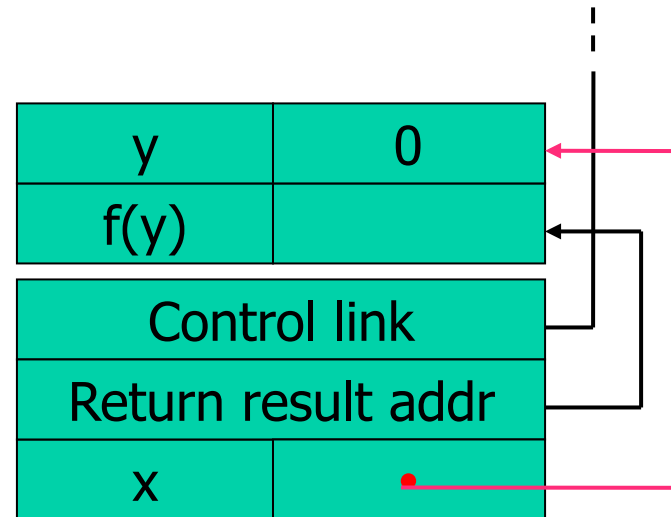
- L-value & R-value: Assegnamento $y := x$
 - identificatore sulla sinistra dell'assegnamento denota la locazione e viene solitamente chiamato L-value
 - identificatore sulla destra fa riferimento al contenuto della locazione e viene chiamato R-value
- Per riferimento
 - memorizzare L-value (indirizzo di x) nel record di attivazione
 - il corpo della funzione può modificare il parametro attuale
 - aliasing: parametro formale e parametro attuale
- Per valore
 - memorizzare R-value (contenuto di x) nel record di attivazione
 - il corpo della funzione non può modificare il valore del parametro attuale
 - non abbiamo aliasing

Esempio

```
function f (x) =
  { x = x+1; return x; }
var y = 0;
println (f(y)+y);
```

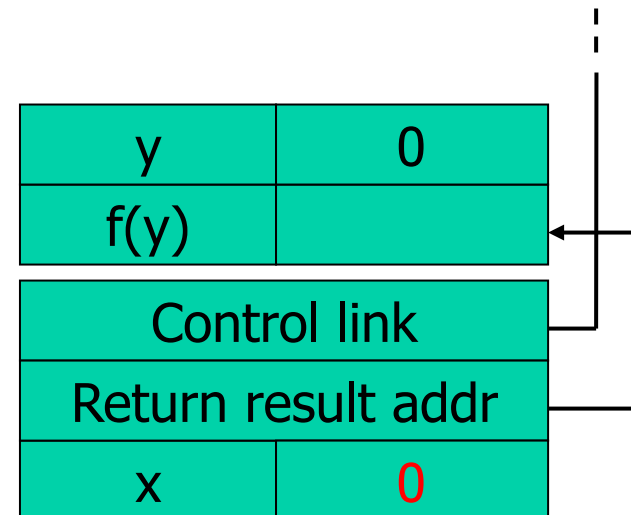
pass-per-ref

f(y)



pass-per-val

f(y)



Cosa stampa nei due casi?

Variabili non locali

- Due alternative
 - static scope (scoping statico)
 - dynamic scope (scoping dinamico)
- Esempio

```
var x = 1;  
function g(z) {  
    return x+z; }  
function f(y) {  
    var x = y+1;  
    return g(y*x); }  
f(3);
```

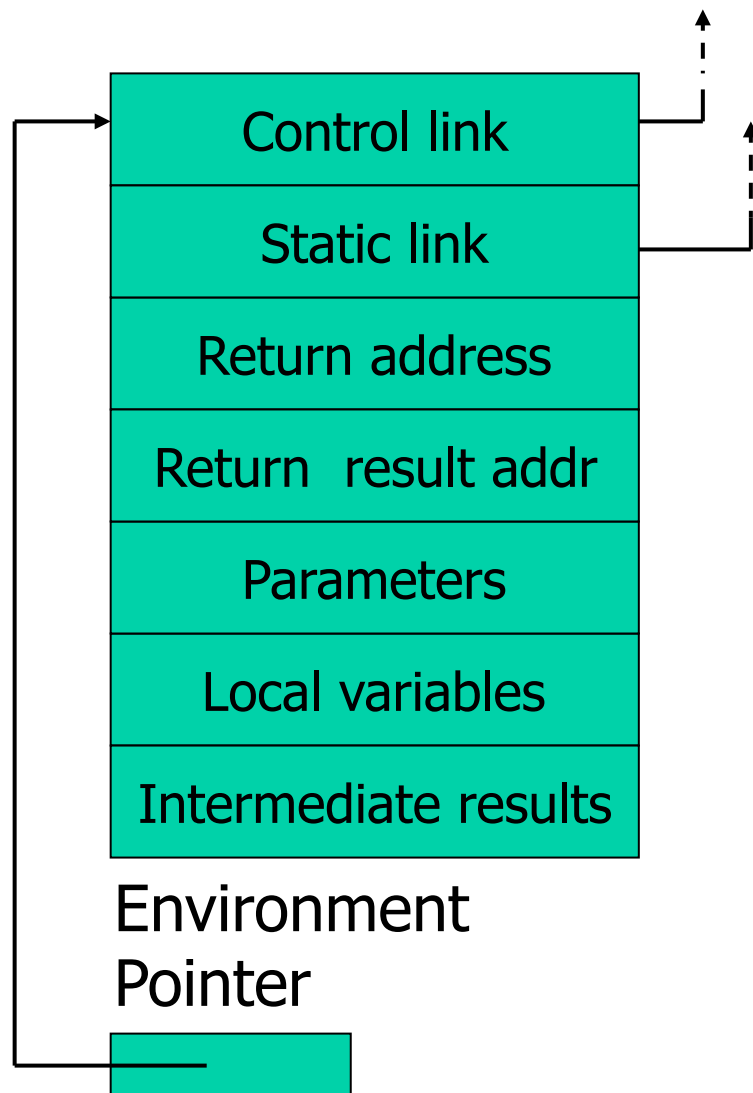
x	1
---	---

f(3)	y	3
	x	4

g(12)	z	12
-------	---	----

Quale è il riferimento corretto di x nel valutare x+z ?

Scoping statico



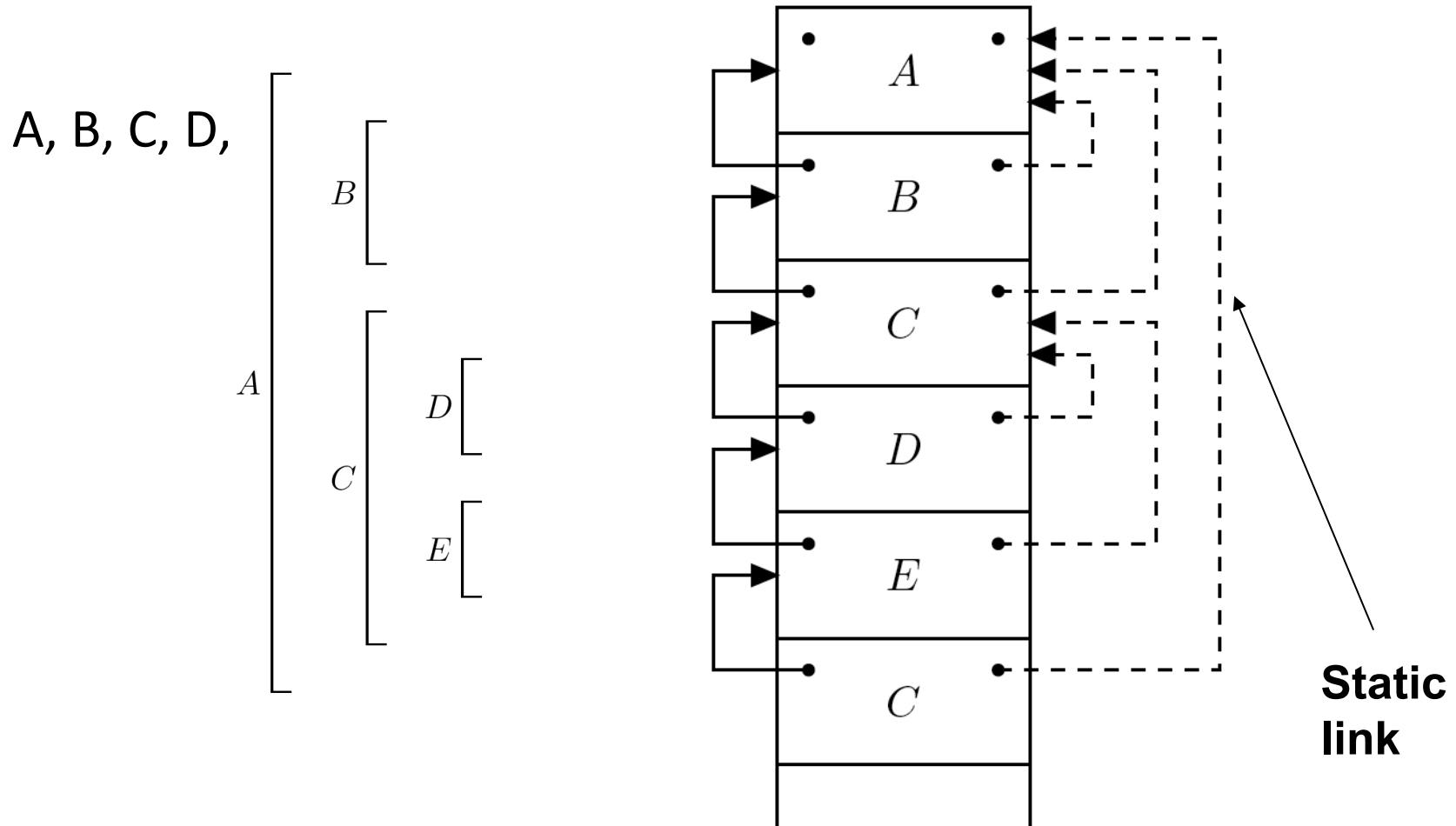
- Control link
 - puntatore all'AR che era in testa alla pila
- Static link
 - puntatore all'AR che contiene il blocco più vicino che racchiude la dichiarazione del codice in esecuzione
- Analisi
 - control link memorizza il flusso dinamico di esecuzione
 - static link dipende dalla struttura sintattica del programma



Static link

- Lo static link dell'AR di una funzione A è il puntatore al record di attivazione del blocco dove A è stata dichiarata
- La catena statica di un AR implementa la struttura sintattica dell'AR sulla catena dinamica
- *Risolvere un riferimento non locale significa trovare l'istanza del record di attivazione dove il riferimento non locale è stato dichiarato*

Sequenza di chiamate: A;B;C;D;E;C

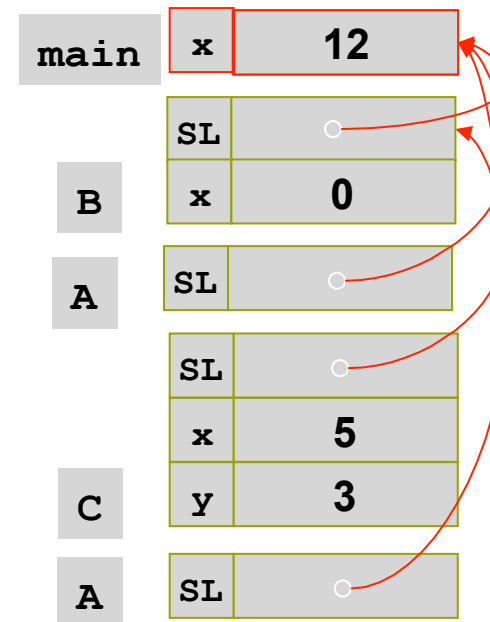
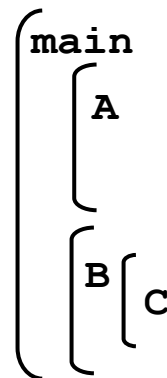


Esempio

```

{ int x;
  void A( ){
    x = x+1;
  }
  void B( ){
    int x;
    void C(int y){
      int x;
      x = y+2; A( );
    }
    x = 0; A( ); C(3);
  }
  x = 10;
  B( );
}

```





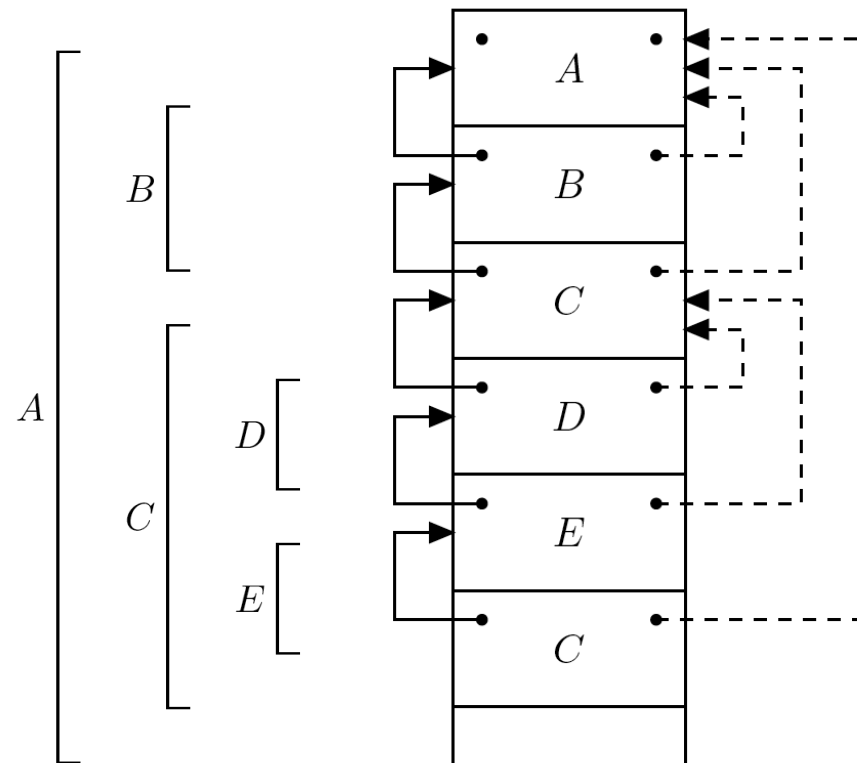
Determinare la catena statica a run time

- Quali operazioni deve effettuare il supporto a tempo di esecuzione per determinare il link statico del chiamato?
 - è il chiamante a determinare il link statico del chiamato
- Info a disposizione del chiamante
 - annidamento statico dei blocchi (determinata dal compilatore staticamente)
 - proprio AR

C “conosce” l’annidamento dei blocchi

- quando **C** chiama **P**, sa se la definizione di **P** è
 - immediatamente inclusa in **C** ($k=0$);
 - in un blocco esterno k passi fuori **C**
 - nessun altro caso possibile (perché)?

- nel caso a destra
 - chiamate: **A, B, C, D, E, C**
- con i dati di catena statica
 - **A; (B,0); (C,1); (D,0); (E,1); (C,2)**



Se $k = 0$

- **C** passa a **P** un puntatore al proprio AR

Se $k > 0$

- **C** risale la propria catena statica di k passi e passa a **P** il puntatore all’AR così determinato



Static depth

- Si può determinare staticamente il valore dell'annidamento delle procedure
- Esempio

```
Main {  
    A {  
        B {  
        } B  
    } A  
  
    C {  
    } C  
} Main
```



Static depth

- **Static depth (SD)** = profondità statica della dichiarazione
- SD può essere determinato staticamente: dipende solo dalla struttura sintattica del programma

```
Main {                                -- SD = 0
  A {                                  -- SD = 1
    B {                                -- SD = 2
      } B
    } A
  } C                                  --SD = 1
} C
} Main
```



Chiamato esterno al chiamante

- Le regole dello scoping statico assicurano che affinché il chiamato sia visibile si deve trovare in un blocco esterno che includa il blocco del chiamante: *il chiamato deve essere dichiarato prima del chiamante*.
- Questo implica che l'AR che contiene la dichiarazione del chiamato è già presente sullo stack
- Assumiamo che
 - **SD(Chiamante) = n**
 - **SD(Chiamato) = m**
 - distanza statica tra chiamante e chiamato **n-m**
 - il chiamante deve fare **n-m** passi lungo la sua catena statica per definire il valore del puntatore della catena statica del chiamato

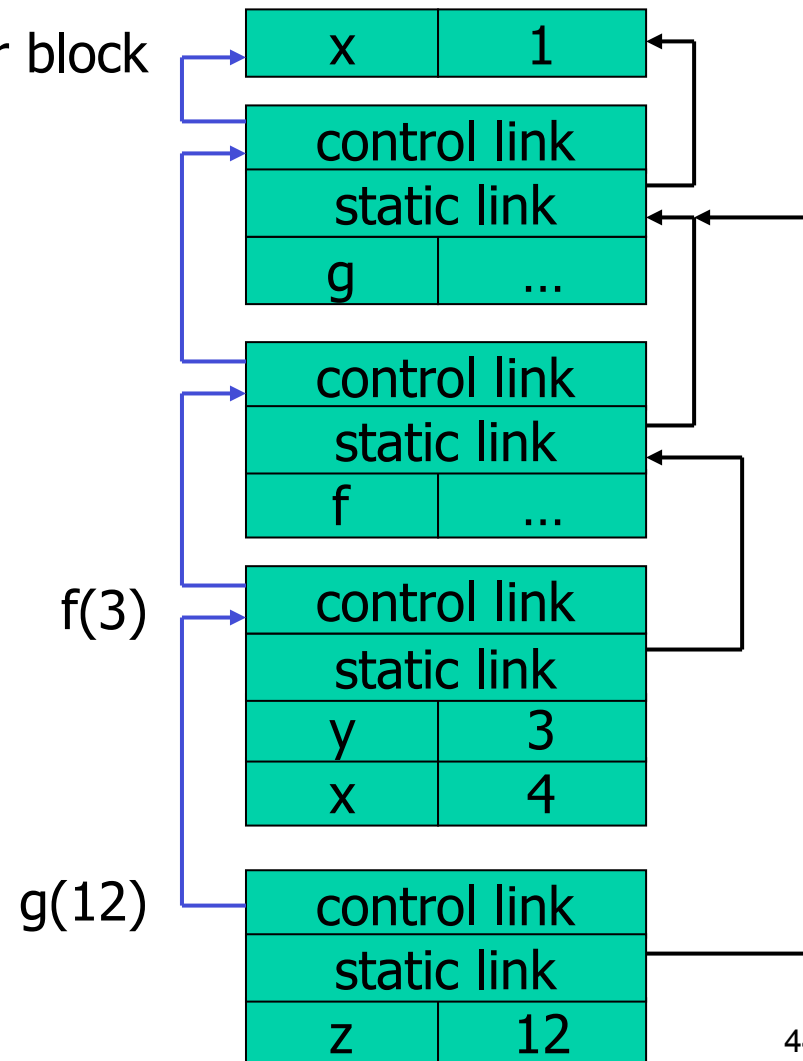
Static scope: catena statica

```

var x = 1;
function g(z) = { return x+z; }
  function f(y) =
    { var x = y+1;
      return g(y*x); }
  f(3);

```

outer block

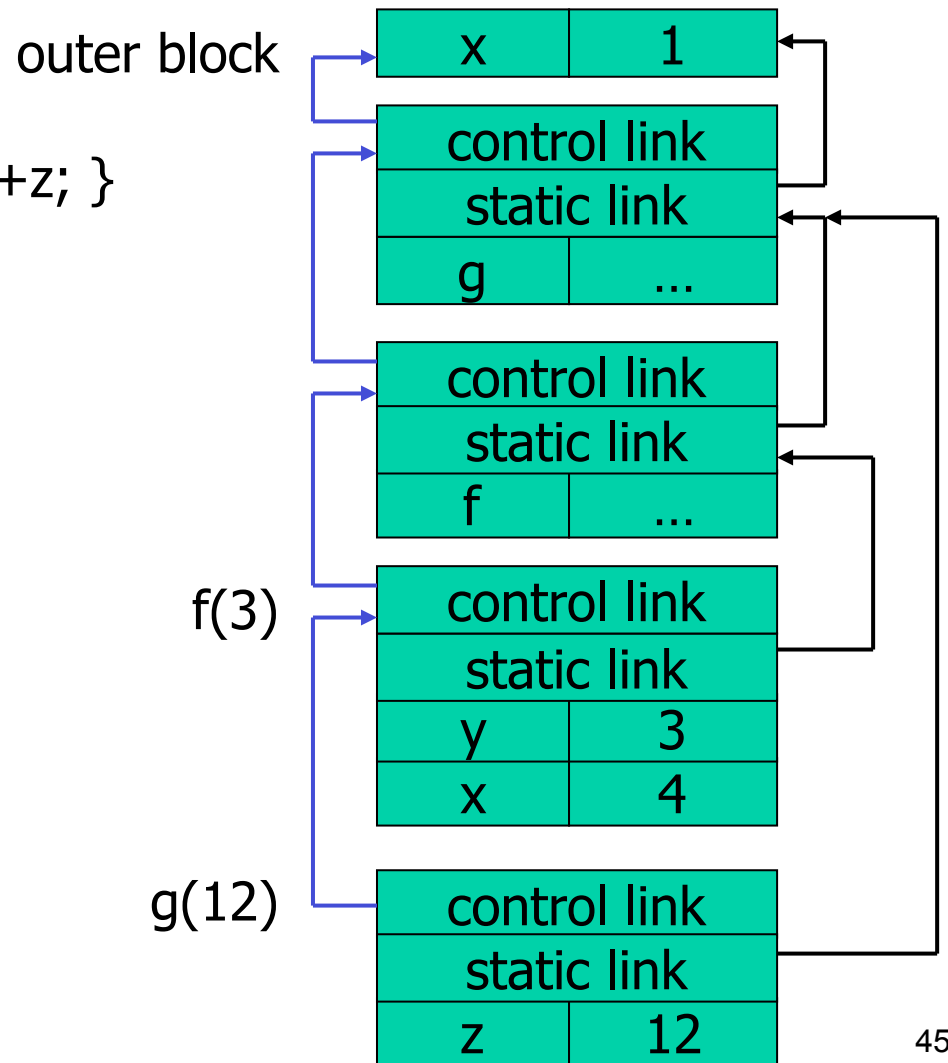


Static scope: catena statica

```

var x = 1;
function g(z) = { return x+z; }
  function f(y) =
    { var x = y+1;
      return g(y*x); }
  f(3);
  
```

$SD(g) = 1$
 $SD(f(3)) = 3$





Funzioni come valori

- Nei **linguaggi funzionali** le funzioni tipicamente sono **valori esprimibili** (possono essere risultato della valutazione di espressioni)
- Consideriamo i seguenti due casi
 - funzione passata come parametro attuale (semplice)
 - funzione restituita come risultato di un'altra funzione: può essere utilizzata nel seguito della computazione (più complicato)

Parametri funzionali

Haskell

```
int x = 4;  
  fun f(y) = x*y;  
    fun g(h) = let  
      int x=7  
      in  
      h(3) + x;  
    g(f);
```

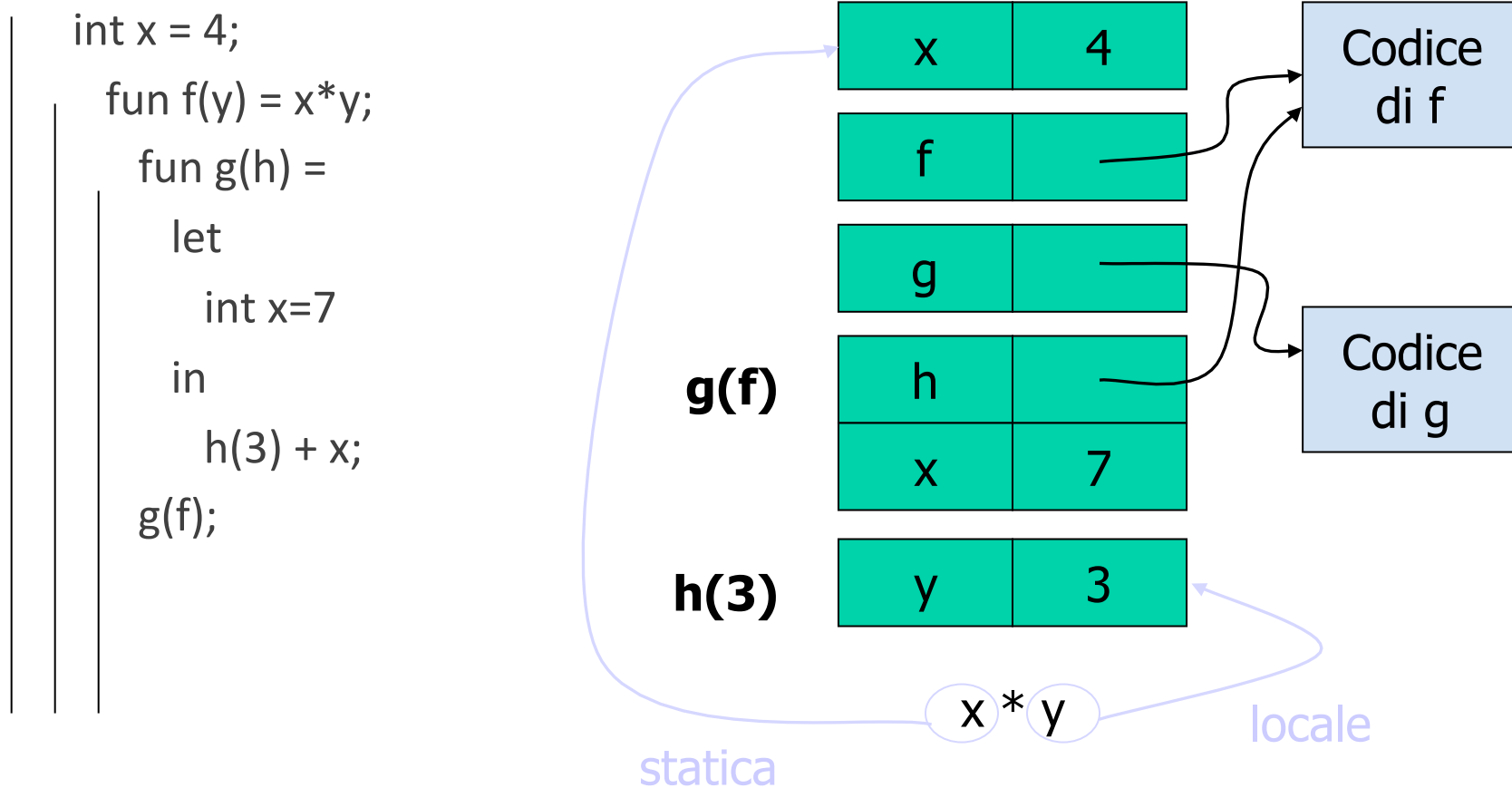
Pseudo-JavaScript

```
{ var x = 4;  
  { function f(y) {return x*y};  
    { function g(h) {  
      var x = 7;  
      return h(3) + x;  
    };  
    g(f);  
  } } }
```

Due dichiarazioni per la variabile **x**

Quale deve essere usata nella chiamata **g(f)**?

Parametri funzionali: static scope



Come si determina?



It does happen!

```
{ var x = 4;
  { function f(y) { return x*y; }
    { function g(h) {
      var x = 7;
      return h(3) + x; }
      g(f); }
    }
  }
```

Valutate questo codice JavaScript su repl.it



Chiusure

- Il valore di una funzione trasmessa come parametro è una coppia denominata **chiusura**
 - $closure = \langle env_dichiarazione, codice_funzione \rangle$
- Quando il parametro formale (funzionale) viene invocato
 - si alloca sullo stack l'AR della funzione
 - si mette come valore del **puntatore di catena statica** il puntatore a *env_dichiarazione*

Struttura del run time

```
{ var x = 4;
```

```
{ function f(y) { return x*y };
```

```
{ function g(h) {
```

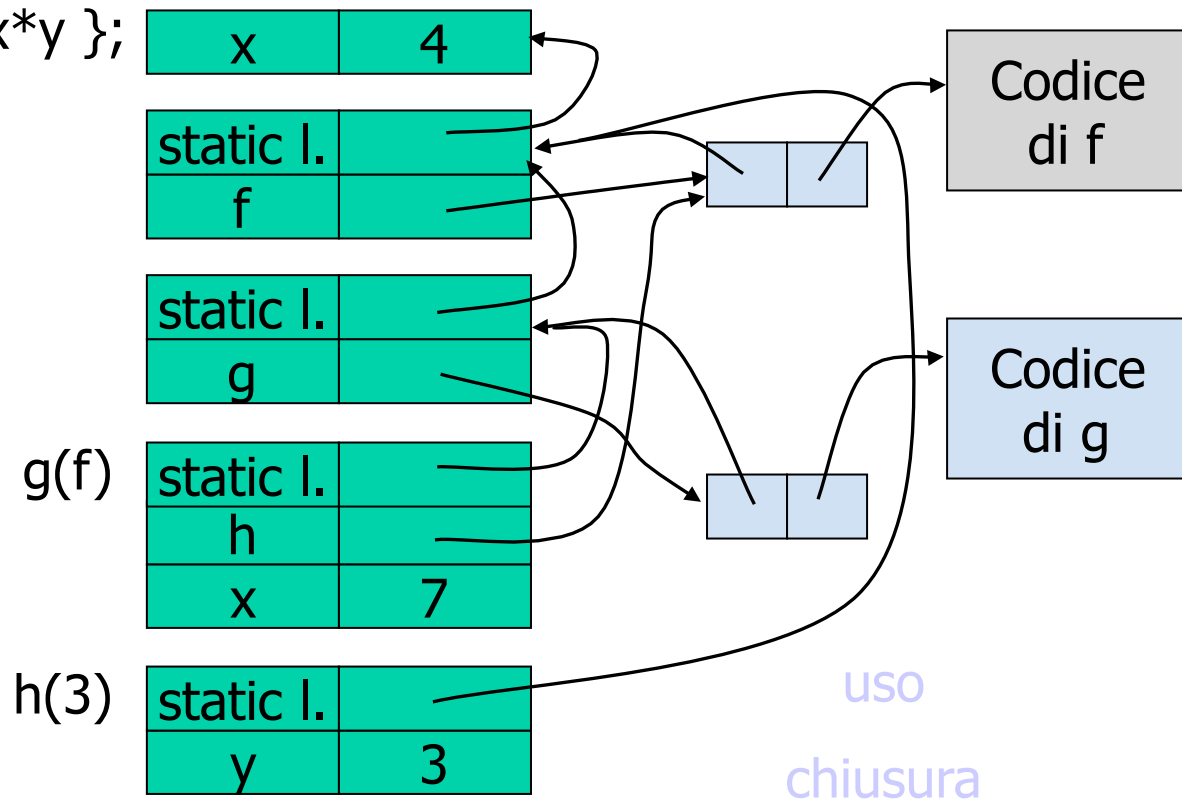
```
  int x = 7;
```

```
  → return h(3) + x;
```

```
};
```

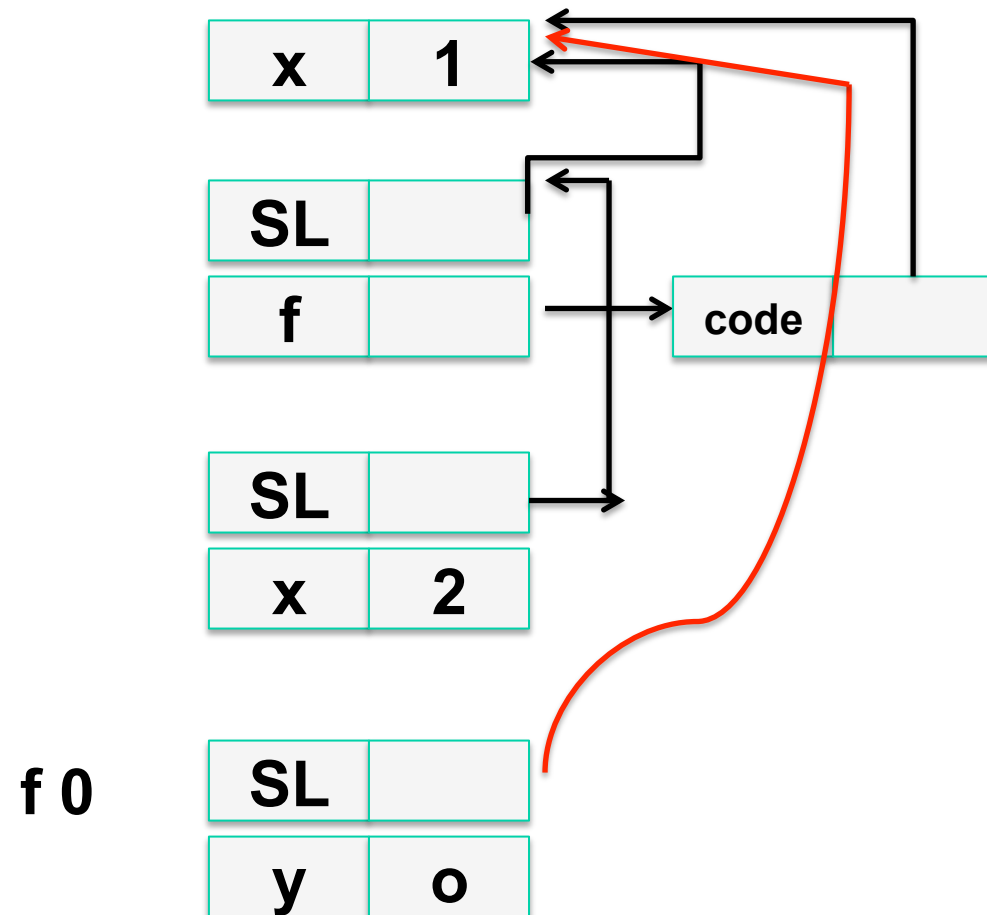
```
g(f);
```

```
} } }
```



OCAML: funzioni e chiusure

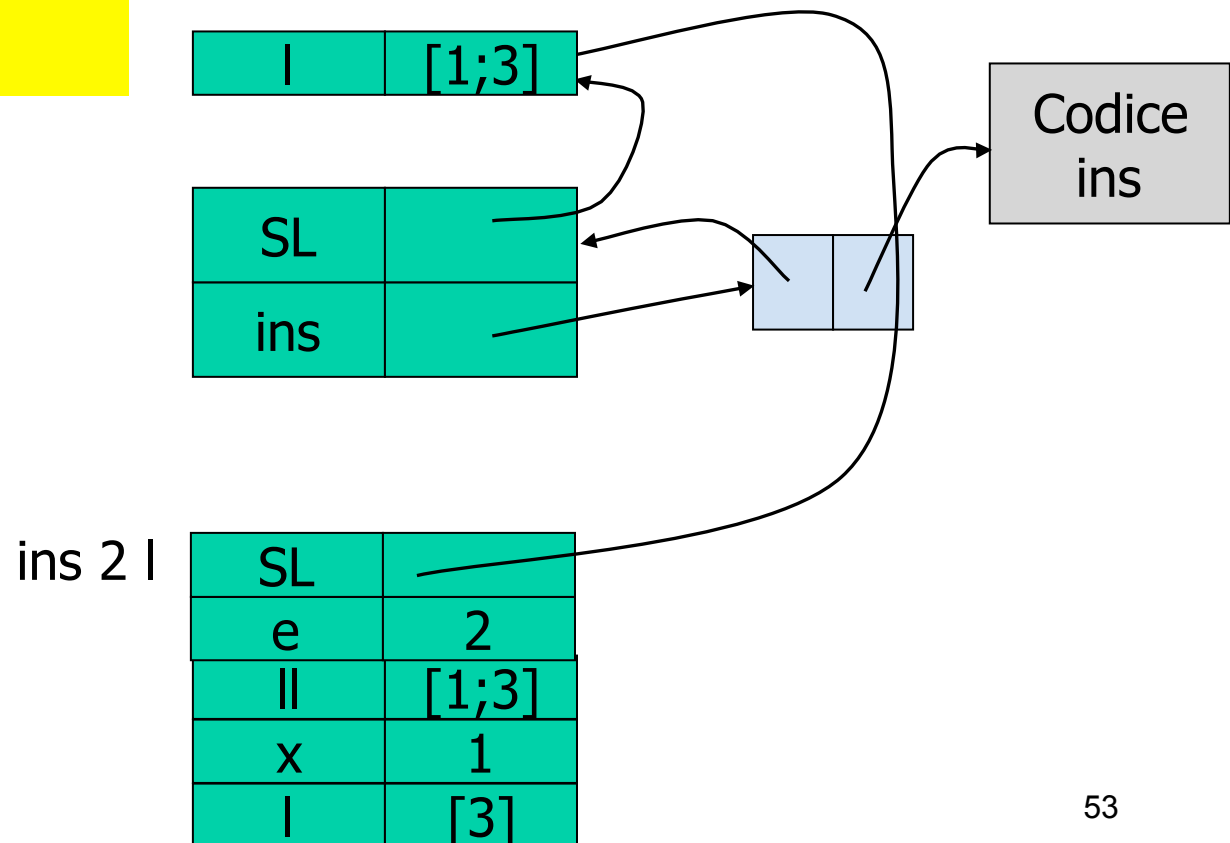
```
let x = 1 ;;
let f y = y + x ;;
let x = 2 ;;
let z = f 0 ;;
```



OCAML: Ricorsione

```

let l = [1;3];;
let rec ins e ll = match ll with
| [] -> [e]
| x :: l -> if e < x then el :: x :: l
            else x :: ins e l;;
let l1 = ins 2 l
  
```





Argomenti funzionali

- Si usano le **chiusure** per mantenere l'informazione sull'ambiente presente al momento della dichiarazione
- Si usa la chiusura per determinare **il puntatore di catena statica**



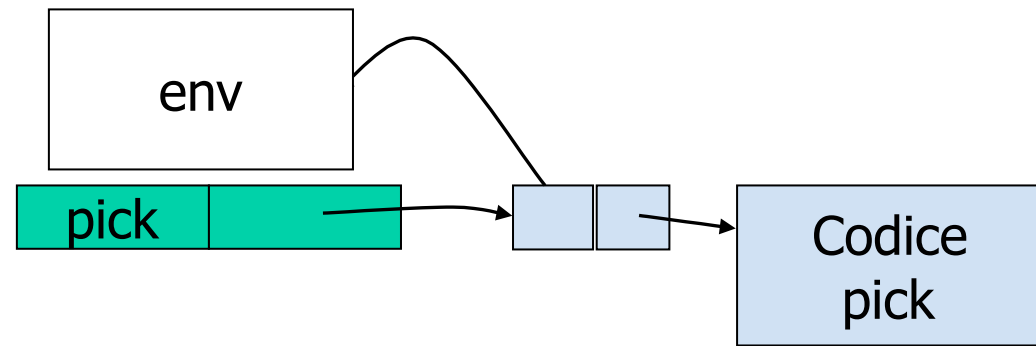
Funzioni come risultato

- Funzione che restituisce come valore una nuova funzione
 - bisogna congelare l'ambiente dove la funzione è “dichiarata”
- Esempio

```
function compose(f, g)
  { return function(x) { return g(f(x)) } };
```
- Funzione “dichiarata” dinamicamente
 - la funzione può avere variabili non locali
 - valore restituito è una chiusura **<env, code>**
 - **attenzione:** l'AR cui punta **env** non può essere distrutto finché la funzione può essere usata (**retention**)

Esempio

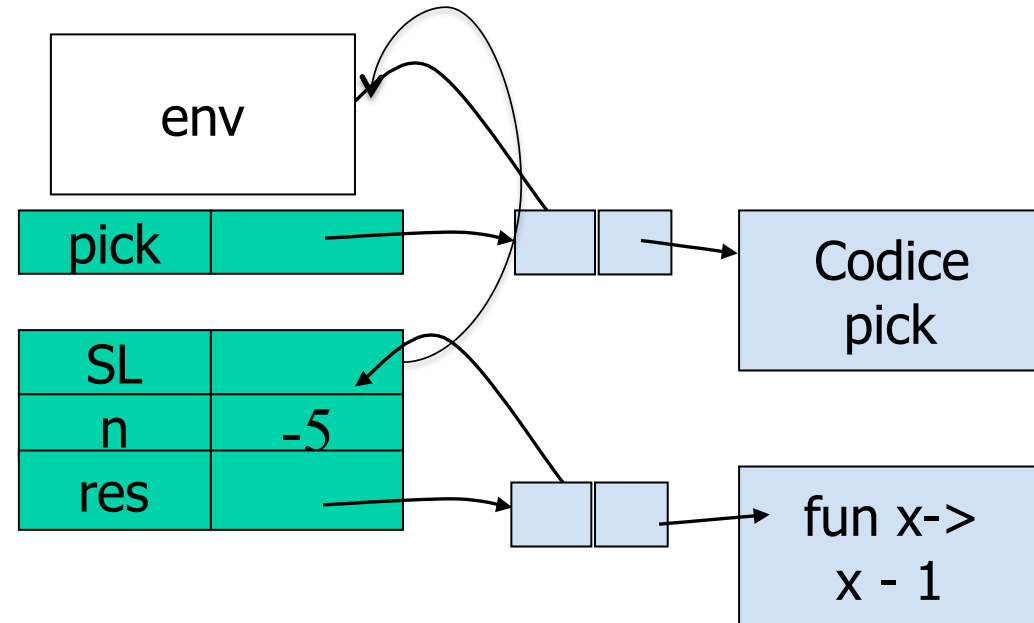
```
::  
let pick n =  
  if n > 0 then (fun x -> x + 1)  
    else (fun x -> x - 1)  
let g = (pick -5);;  
g 6;;
```



Esempio

```

::
let pick n =
  if n > 0 then (fun x -> x + 1)
    else (fun x -> x - 1)
let g = (pick -5);;
g 6;;
  
```

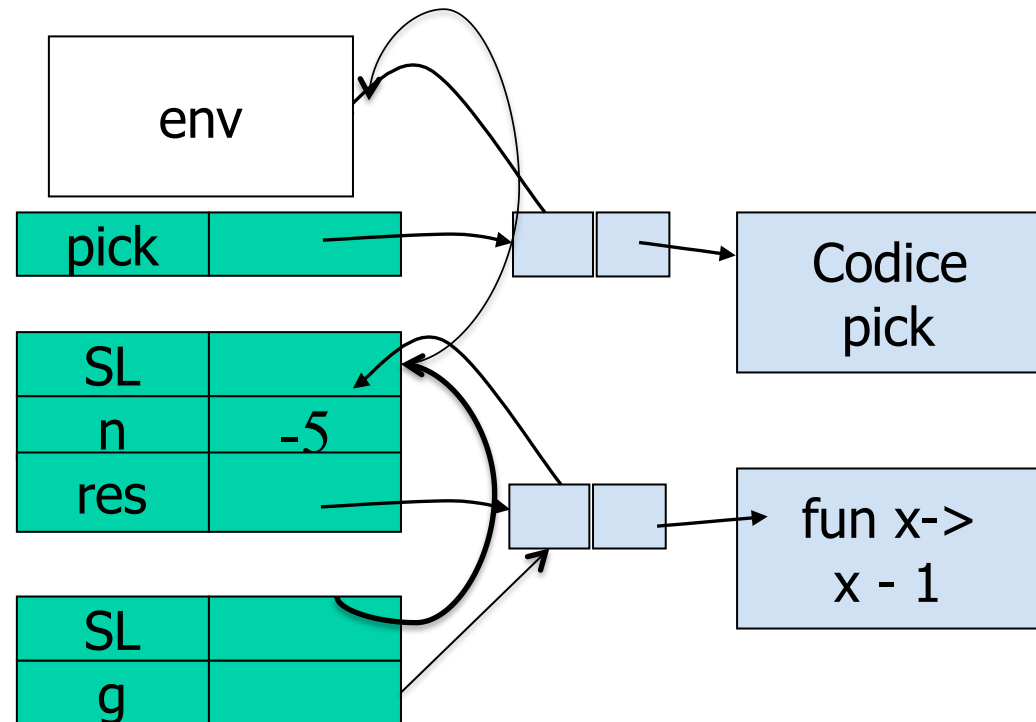


Esempio

```

::
let pick n =
  if n > 0 then (fun x -> x + 1)
    else (fun x -> x - 1)
let g = (pick -5);;
g 6;;

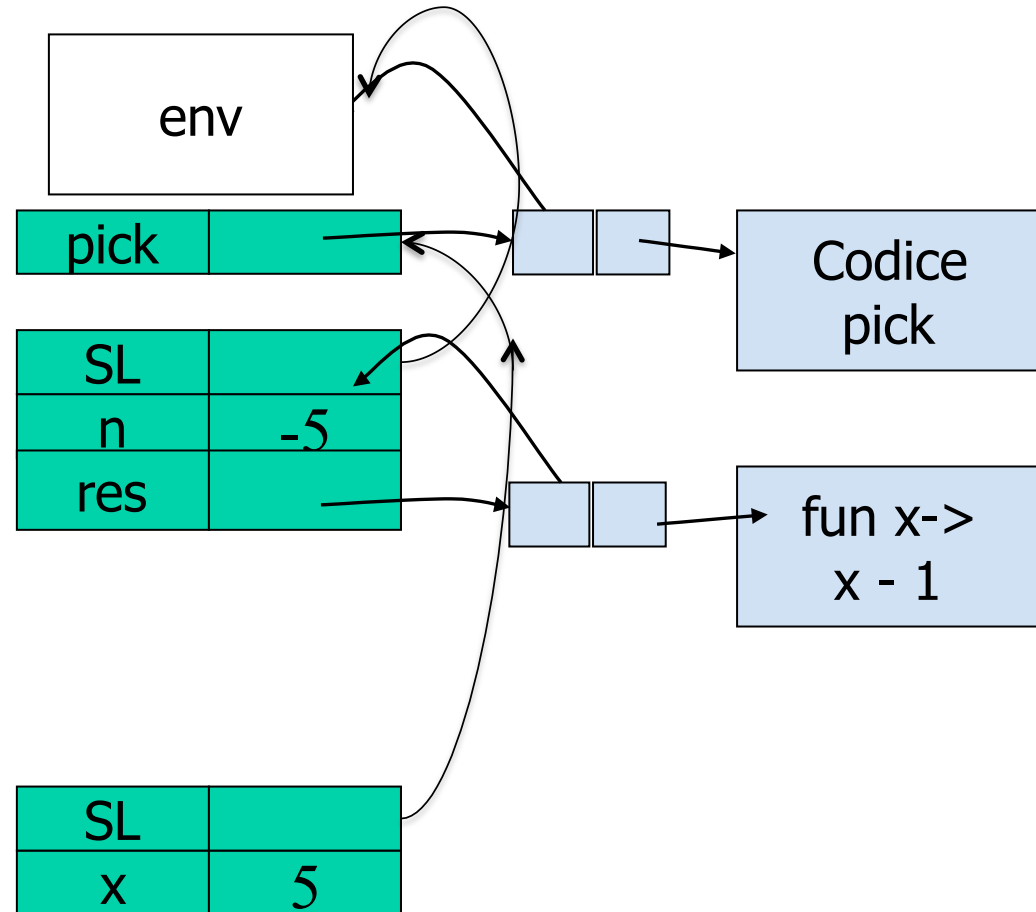
```



Esempio

```

::
let pick n =
  if n > 0 then (fun x -> x + 1)
    else (fun x -> x - 1)
let g = (pick -5);;
g 6;;
  
```



Risultato 5



Scope dinamico

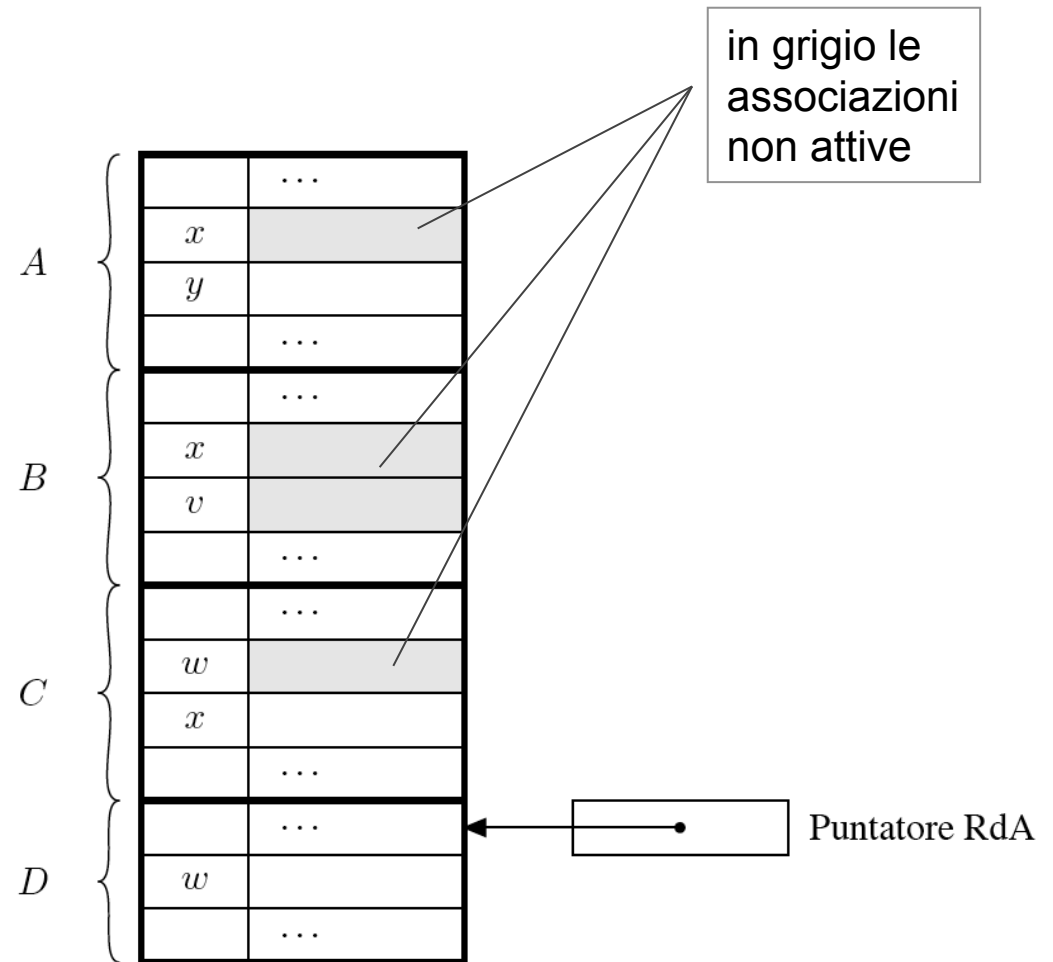
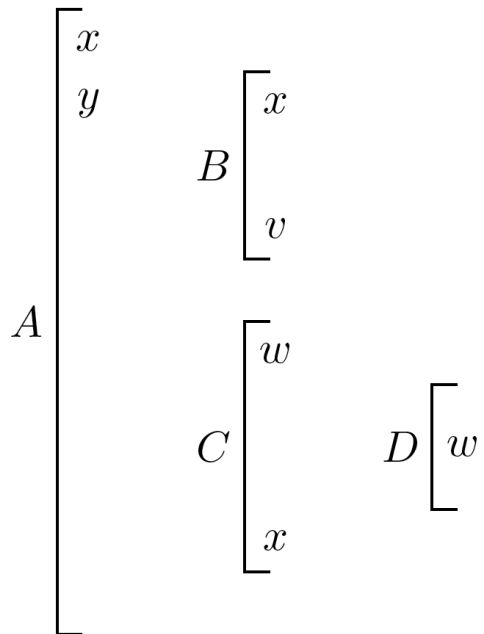


Regole scope dinamico

- Con scope dinamico l'associazione nomi-oggetti denotabili dipende
 - dal flusso del controllo a run time
 - dall'ordine con il quale i sottoprogrammi sono chiamati
- La regola generale è semplice: l'associazione corrente per un nome è quella determinata per ultima nell'esecuzione (non ancora distrutta)

Implementazione ovvia

- Ricerca per nome risalendo la pila
- Esempio
 - chiamate A, B, C, D





Record di attivazione: implementazione



Record di attivazione

- La strutturazione dei vari campi del record di attivazione cambia a seconda del linguaggio e dell'implementazione
- Gli identificatori generalmente non vengono memorizzati nell'AR (se il linguaggio ha controllo statico dei tipi) ma sono sostituiti dal compilatore con un indirizzo relativo (offset) rispetto a una posizione fissa dell'AR

Esempio

```
{ int x;  
  int arr[2];  
  char * s;  
  x = 4;  
  arr[0] = 10;  
  arr[1] = 11;  
  s = "bb";  
}
```

x	4
arr[0]	10
arr[1]	11
s[0]	'b'
s[1]	'b'
s[2]	'\0'

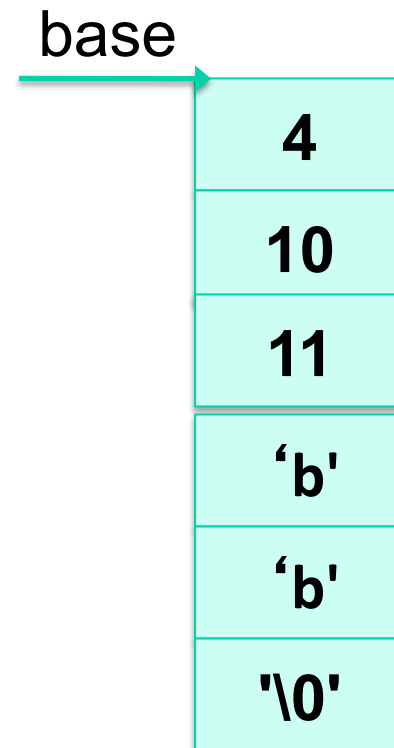
C-Standard: A C-string consists of an array of characters terminated by the null character '\0'

Calcolo offset

x	4
arr[0]	10
arr[1]	11
s[0]	'b'
s[1]	'b'
s[2]	'\0'



compilation
int = 2 byte

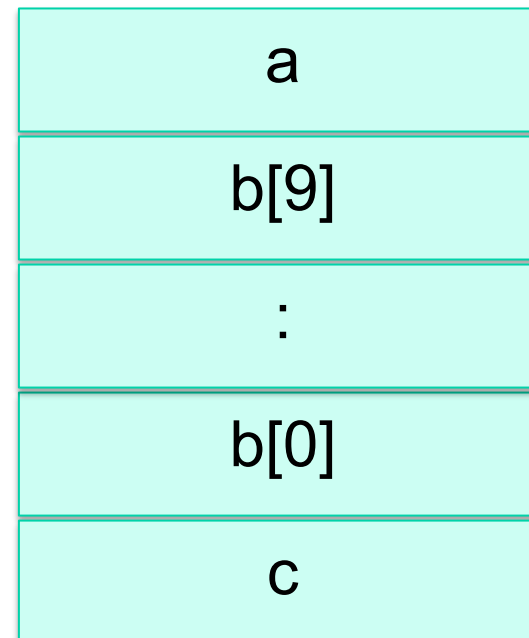


access(x) = base
access(arr[1]) = base + 4byte

Allocazione di array

- Array di dimensione fissa: facile!!
 - calcolo offset immediato a tempo di compilazione

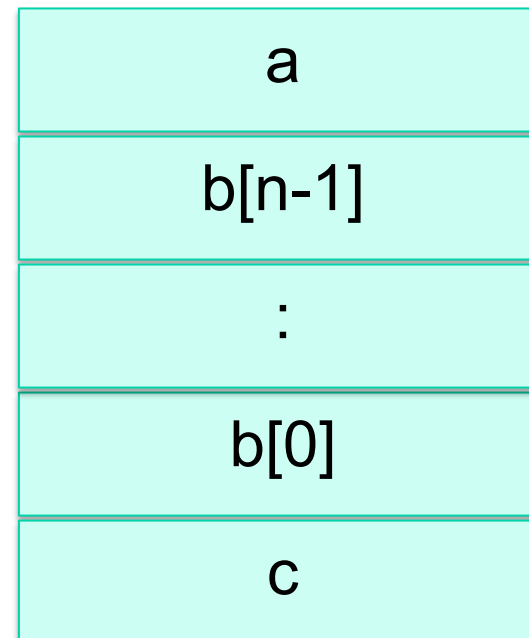
```
void foo( ) {  
  int a;  
  int b[10];  
  int c;  
}
```



Allocazione di array

- Array di dimensione variabile: più difficile!!
 - calcolo offset a tempo di compilazione?
 - è possibile determinarlo?

```
void foo(int n) {  
  int a;  
  int b[n];  
  int c;  
}
```

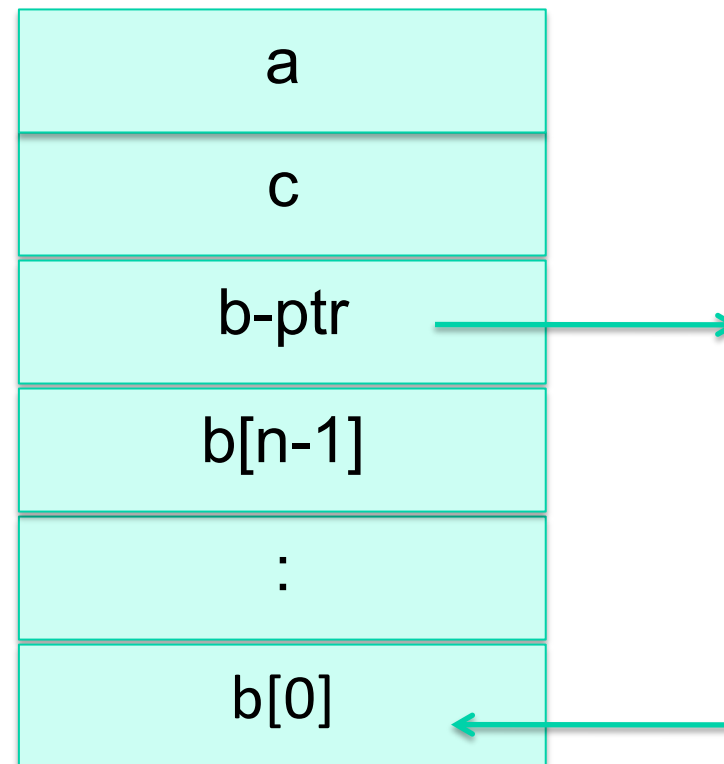


Allocazione di array

- Array di dimensione variabile
 - calcolo offset a tempo di compilazione

```
void foo(int n) {  
  int a;  
  int b[n];  
  int c;  
}
```

ponendo una dimensione limite





Scope statico e analisi statica



In brevissimo

- Ambiente non locale con scope statico
 - il numero di passi che a tempo di esecuzione vanno fatti lungo la catena statica per trovare l'associazione (non locale) per l'identificatore "x" è uguale alla differenza fra le profondità di annidamento del blocco nel quale "x" è dichiarato e quello in cui è usato
- Ogni *riferimento* a un identificatore *ide* nel codice può essere staticamente tradotto in una coppia (m,n) di numeri interi
 - m è la differenza fra le profondità di nesting dei blocchi (0 se *ide* si trova nell'ambiente locale)
 - n è la posizione relativa – offset – (partendo da 0) della dichiarazione di *ide* fra quelle contenute nel blocco



Valutazione

- Efficienza nella rappresentazione
 - l'accesso diventa efficiente (non c'è più ricerca per nome)
- Si può economizzare nella rappresentazione degli ambienti locali che non necessitano più di memorizzare i nomi