



---

## Invariante di Rappresentazione

---



---

## Astrazioni sui dati: specifica

---

- Ingredienti tipici di una astrazione sui dati
- Un insieme di *astrazioni* procedurali che definiscono tutti i modi per utilizzare un insieme di *valori*
  - Creare
  - Manipolare
  - Osservare
- Creatori e produttori: meccanismi primitivi atti alla programmazione della definizione di nuovi valori
- Mutator: modificano il valore (ma non hanno effetto su ==, non operano per effetti laterali)
- Osservatori: strumento linguistico per selezionare valori

PR2 2018-19



## ADT: specifica

---

- Specifica ADT: guida all'implementazione
  - Ovviamente ADT devono poi essere implementati
- Si deve garantire che la realizzazione soddisfa la specifica
- Due strumenti essenziali
  - **Invariante di rappresentazione**
  - **Funzione di astrazione**

PR2 2018-19



## Implementazione vs. Specifica

---

**Representation Invariant:** Object → boolean

- Stabilisce se una istanza è *ben formata*
- Stabilisce l'insieme concreto dei valori dell'astrazione (ovvero quelli che sono una implementazione dei valori astratti)
- **Guida per chi implementa/modifica/verifica l'implementazione delle astrazioni: nessun oggetto deve violare rep invariant**

**Abstraction Function:** Object → abstract value

- Stabilisce come interpretare la struttura dati concreta della implementazione
- È definita solamente sui valori che rispettano l'invariante di rappresentazione
- **Guida per chi implementa/modifica l'astrazione: ogni operazione deve fare "la cosa giusta" con la rappresentazione concreta**

PR2 2018-19



## Esempio: CharSet

---

```
// Overview: CharSet insieme finito modificabile di
// Characters {c1, ..., cn}
// @effects: crea un CharSet nuovo e vuoto
public CharSet( ) {...}

// @modifies: this
// @effects: thispost = thispre ∪ {c}
public void insert(Character c) {...}

// @modifies: this
// @effects: thispost = thispre \ {c}
public void delete(Character c) {...}

// @effects: return (c ∈ this)
public boolean member(Character c) {...}

// @effects: return cardinalita' di this (this.size( ))
public int size( ) {...}
```

PR2 2018-19



## CharSet: implementazione?

---

```
class CharSet {
    private List<Character> elts =
        new ArrayList<Character>( );
    public void insert(Character c) {
        if (elts.add(c)){return;}
    }
    public void delete(Character c) {
        int i = elts.indexOf(c);
        if (i > -1) elts.remove(i);
    }
    public boolean member(Character c) {
        return elts.contains(c);
    }
    public int size( ) {
        return elts.size( );
    }
}
```

PR2 2018-19



## CharSet: implementazione?

---

```
class CharSet {
    private List<Character> elts =
        new ArrayList<Character>( );
    public void insert(Character c) {
        if (elts.add(c)){return;}
    }
    public void delete(Character c) {
        int i = elts.indexOf(c);
        if (i > -1) elst.remove(i);
    }
    public boolean member(Character c) {
        return elts.contains(c);
    }
    public int size( ) {
        return elts.size( );
    }
}
```

*Dove è nascosto l'errore?*

PR2 2018-19



## CharSet: implementazione?

---

```
class CharSet {
    private List<Character> elts =
        new ArrayList<Character>( );
    public void insert(Character c) {
        if (elts.add(c))
    }
    public void delete(Character a) {
        int i = elts.indexOf(a);
        if (i > -1) elst.remove(i);
    }
    public boolean member(Character a) {
        return elts.contains(a);
    }
    public int size( ) {
        return elts.size( );
    }
}
```

*CharSet s = new CharSet( );  
Character a = new Character('a');  
s.insert(a);  
s.insert(a);  
s.delete(a);  
if (s.member(a))  
 System.out.print("wrong");  
else  
 System.out.print("right");*

PR2 2018-19



## CharSet: implementazione?

---

```
class CharSet {
    private List<Character> elts =
        new ArrayList<Character>( );
    public void insert(Character c) {
        if (elts.add(c))
        }
    public void delete() {
        int i = elts.indexOf('a');
        if (i > -1) elts.remove(i);
    }
    public boolean member(Character a) {
        return elts.contains(a);
    }
    public int size() {
        return elts.size();
    }
}
```

```
CharSet s = new CharSet( );
Character a = new Character('a');
s.insert(a);
s.insert(a);
s.delete(a);
if (s.member(a))
    System.out.print("wrong");
else
    System.out.print("right");
```

Dove è nascosto l'errore?

PR2 2018-19



## Cerchiamo l'errore

---

- *Primo tentativo: delete* è sbagliata
  - controlla l'appartenenza ma rimuove tutte le occorrenze?
  
- *Secondo tentativo: insert* è sbagliata
  - non dovrebbe inserire un carattere quando è già presente
  
- Terzo tentativo: **insert** non controlla se il parametro è null
  
- Come operiamo?
  - utilizziamo representation invariant per muoverci e eliminare l'errore
  - il codice ben documentato e gli strumenti di specifica formale ci aiutano nell'operazione di individuazione e rimozione dell'errore

PR2 2018-19



## Invariante di rappresentazione

---

```
• class CharSet {  
    // Rep invariant:  
    // elts non contiene elementi null e non  
    // contiene duplicati  
    private List<Character> elts = ...  
    ...
```

Possiamo scriverlo anche formalmente (con gli strumenti di LPP):

```
∀ indice i di elts . elts.elementAt(i) ≠ null  
∀ indice i, j di elts .  
    i ≠ j ⇒ ¬ elts.elementAt(i).equals(elts.elementAt(j))
```

Notare che ArrayList ammette null !!!

PR2 2018-19



## Ora localizziamo l'errore

---

```
// Rep invariant:  
// elts: no null e no duplicati  
  
public void insert(Character c) {  
    if (elts.add(c)) {return;}  
}  
  
public void delete(Character c) {  
    int i = elts.indexOf(c);  
    if (i > -1) elst.remove(c);  
}
```

PR2 2018-19



## Come si fa il debugging

---

L'idea che intendiamo perseguire è la seguente:

*Progettate del codice in modo tale che tutte le operazioni di “bug-checking” siano implementate utilizzando come guida l’invariante di rappresentazione*

PR2 2018-19



## Verifica del rep invariant

---

Idea derivata dalle tecniche di prova: controllare ingresso e uscita dai metodi

```
public void delete(Character c) {
    checkRep();    int i = elts.indexOf(c);
    if (i > -1) elst.remove(c);

    // Come garantire che venga sempre invocata?
    // (usiamo un blocco finally)
    checkRep();
}
...
/** elts no duplicati. */
private void checkRep() {
    // codifica dell'invariante ... Throws exception in
    // caso di violazione
}
```

PR2 2018-19



## *defensive programming*

---

- Assunzione: programmare è un processo di tipo “trial and error”
- Progettare del codice in modo tale che
  - alla chiamata dei metodi
    - ✓ verifica rep invariant
    - ✓ verifica pre-condizioni
  - all’uscita del metodo
    - ✓ verifica rep invariant
    - ✓ verifica post-condizioni
- **Verificare rep invariant = verificare la presenza di errori**
- **Ragionare sul rep invariant = evitare di fare errori**

PR2 2018-19



## Sempre CharSet

---

Aggiungiamo un metodo a `CharSet`

```
// restituisce una lista degli elementi che
// appartengono a this.
public List<Character> getElts( );
```

Implementazione

```
// Rep invariant: elts no null e no dupl.
public List<Character> getElts( ) { return elts; }
```

L’implementazione di `getElts` preserva rep invariant?

Mah?!....

PR2 2018-19





## Esporre la rappresentazione

---

Consideriamo un cliente (sempre di `CharSet`)

```
CharacterSet s = new CharSet( );
Character a = new Character('a');
s.insert(a);
s.getElts( ).add(a); // usiamo add in modo liberale
s.delete(a);
if (s.member(a)) ...
```

- Abbiamo una esposizione della rappresentazione con un accesso indiretto (tramite il metodo `getElts`)
- Problema: bug da evitare
  - progettare l'astrazione in modo da evitare questo problema
  - progettare dei test con clienti "malevoli": usare valori mutabili per capire cosa avviene nel dettaglio

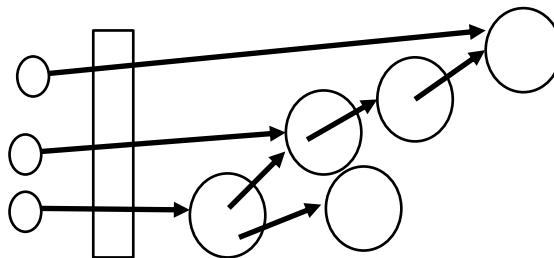
PR2 2018-19



## private ... non basta

---

- L'uso di `private` potrebbe non bastare
  - Aspetto chiave: **aliasing di struttura mutabili all'interno e all'esterno della astrazione**



PR2 2018-19



## Come si evita?

---

- Per evitare l'esposizione della rappresentazione una prima tecnica è quella di fare copie dei dati che oltrepassano la barriera dell'astrazione
  - copia in [parametri che diventano valori della rappresentazione]
  - copia out [risultati che sono parte dell'implementazione]
- Esempio: **Point** ADT modificabile

```
class Line {
    private Point s, e;
    public Line(Point s, Point e) {
        this.s = new Point(s.x,s.y);
        this.e = new Point(e.x,e.y);
    }
    public Point getStart( ) {
        return new Point(this.s.x,this.s.y);
    }
    ...
}
```

PR2 2018-19



## deep copying

---

- Una copia shallow (operazioni sui puntatori) non è sufficiente a causa dell'aliasing !!!
- Analizzare questo codice

```
class PointSet {
    private List<Point> points = ...
    public List<Point> getElts( ) {
        return new ArrayList<Point>(points);
    }
}
```

PR2 2018-19



## Una seconda soluzione

---

- Usare strutture dati non modificabili
- Esempio: `Point` (non modificabile)

```
class Line {
    private Point s, e;
    public Line(Point s, Point e) {
        this.s = s;
        this.e = e;
    }
    public Point getStart( ) {
        return this.s;
    }
    ...
}
```

PR2 2018-19



## Strutture non modificabili

---

- Vantaggi
  - l'aliasing non è un problema
  - non è necessario fare copie
  - rep invariant non può essere "rotto"
- Richiede tuttavia scelte di programmazione differenti

```
void raiseLine(double deltaY) {
    this.s = new Point(s.x, s.y+deltaY);
    this.e = new Point(e.x, e.y+deltaY);
}
```
- Classi immutabili nella libreria: `String`, `Character`, `Integer`, ...

PR2 2018-19

## Ancora il caso getElts

---



```
class CharSet {
    // rep invariant: elts: no null e no dupl.
    private List<Character> elts = ...

    // returns: elts nell'insieme corrente
    public List<Character> getElts( ) {
        return new ArrayList<Character>(elts); //copy out
    }
    ...
}
```

PR2 2018-19

## Alternative

---



```
// returns: ...
public List<Character> getElts( ) { // versione 1
    return new ArrayList<Character>(elts); //copy out!
}

public List<Character> getElts( ) { // versione 2
    return Collections.unmodifiableList<Character>(elts);
}
```

JavaDoc: `Collections.unmodifiableList`:

*Returns an unmodifiable view of the specified list. This method allows modules to provide users with "read-only" access to internal lists. Query operations on the returned list "read through" to the specified list, and attempts to modify the returned list... result in an `UnsupportedOperationException`.*

PR2 2018-19



## Some good news

---

```
public List<Character> getElts( ) { // versione 2
    return Collections.unmodifiableList<Character>(elts);
}
```

- i clienti non possono spezzare il rep invariant
- se la lista è di dimensioni elevate è più efficiente della tecnica del copy out
- si usano librerie standard (sempre una buona cosa)

PR2 2018-19



## Some bad news

---

```
public List<Character> getElts( ) { // versione 1
    return new ArrayList<Character>(elts); //copy out!
}
public List<Character> getElts( ) { // versione 2
    return Collections.unmodifiableList<Character>(elts);
}
```

Le due implementazioni sono differenti!!!

- entrambe permettono di evitare di rompere il rep invariant
- entrambe restituiscono una lista di elementi

```
Ma ...  xs = s.getElts( );
        s.insert('a');
        xs.contains('a');
```

La versione 2 permette di *osservare* la rappresentazione!!

PR2 2018-19



## Implementazione vs. Specifica

---

**Representation Invariant:** Object  $\rightarrow$  boolean

- Stabilisce se una istanza è *ben formata*
- Stabilisce l'insieme concreto dei valori dell'astrazione (ovvero quelli che sono una implementazione dei valori astratti)
- **Guida per chi implementa/modifica/verifica l'implementazione delle astrazioni: nessun oggetto deve violare**

**Abstraction Function:** Object  $\rightarrow$  abstract value

- Stabilisce come interpretare la struttura dati concreta della implementazione
- È definita solamente sui valori che rispettano l'invariante di rappresentazione
- **Guida per chi implementa/modifica l'astrazione:** ogni operazione deve fare "la cosa giusta" con la rappresentazione concreta

PR2 2018-19



## Rep inv. vincola la struttura

---

Implementazione di `insert` che preserva rep invariant

```
public void insert(Character c) {
    Character cc = new Character(encrypt(c));
    if (!elts.contains(cc))
        elts.addElement(cc);
}
public boolean member(Character c) {
    return elts.contains(c);
}
```

Il programma presenta dei comportamenti non adeguati

PR2 2018-19



## Rep inv. vincola la struttura

---

Implementazione di `insert` che preserva rep invariant

```
public void insert(Character c) {
    Character cc = new Character(encrypt(c));
    if (!elts.contains(cc))
        elts.addElement(cc);
}

public boolean member(Character c) {
    return elts.contains(c);
}
```

Il programma presenta dei comportamenti non adeguati

```
Charset s = new Charset( );
s.insert('a');
if (s.member('a')) ...
```

PR2 2018-19



## La funzione di astrazione (AF)

---

La abstraction function associa la rappresentazione concreta ai valori astratti

AF: Object  $\rightarrow$  abstract value

AF(CharSet this) = { c | c appartiene a this.elts }

“insieme dei caratteri in this.elts”

- non è eseguibile: è un “valore” concettuale della astrazione
- tuttavia, la funzione di astrazione ci permette di ragionare sulle modalità con le quali i metodi operano in termini della visione astratta (che hanno i clienti)

PR2 2018-19



## Il caso insert

La specifica di `insert`

```

// modifies: this
// effects: thispost = thispre U {c}
public void insert (Character c) {...}

```

La AF ci dice effettivamente cosa significa il rep invariant

$$AF(\text{CharSet this}) = \{ c \mid c \text{ appartenenti a this.elts } \}$$

Invochiamo `insert`

All'ingresso del metodo vale  $AF(\text{this}_{pre}) \approx \text{elts}_{pre}$

All'uscita  $AF(\text{this}_{post}) = AF(\text{this}_{pre}) \cup \{\text{encrypt('a')}\}$

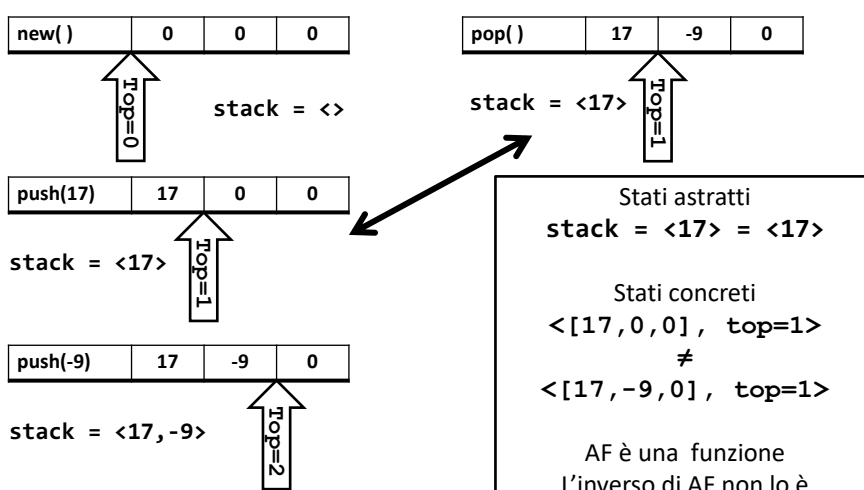
Meglio usare questa AF alternativa

$$\begin{aligned}
AF(\text{this}) &= \{ c \mid \text{encrypt}(c) \text{ appartenenti a this.elts } \} \\
&= \{ \text{decrypt}(c) \mid c \text{ appartenenti a this.elts } \}
\end{aligned}$$

PR2 2018-19

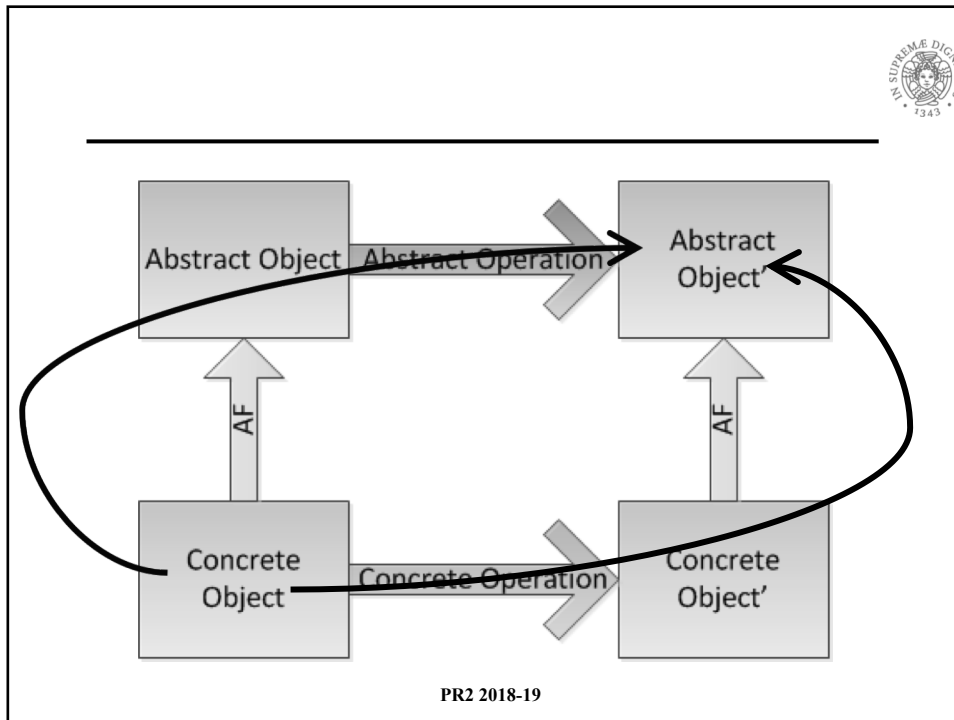


## Esempio: AF per Stack



PR2 2018-19





## Riassunto finale

Rep invariant

- Quali sono i valori concreti che rappresentano valori astratti

Abstraction function

- Per ogni valore concreto restituisce il corrispondente valore astratto

Obiettivo comune: sono entrambe indispensabili per controllare la correttezza dell'astrazione

Di solito, la documentazione fa vedere solamente il rep invariant

PR2 2018-19