Corso di laurea in Informatica Applicata Fondamenti di Programmazione Appello del 9/1/2003

Prima parte

ESERCIZIO 1

Si consideri l'automa descritto dalla tabella di transizione sotto riportata:

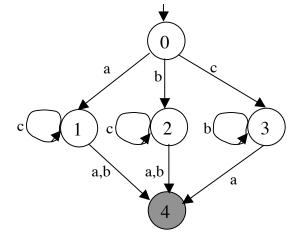
	a	b	c
0	1	2	3
1	4	4	1
2	4	4	2
3	4	3	-
4	-	-	-

sull'alfabeto {a,b,c}, e avente stato iniziale 0 e stato finale 4.

- a) Si dia la rappresentazione grafica.
- b) Si costruisca un automa equivalente minimo
- c) Si definisca la grammatica regolare equivalente all'automa minimo.
- d) Si trasformi la grammatical regolare in una grammatical libera, eliminando gli operatori * e l .

Soluzione

a)



b)
$$\square_0 = \{\{4\}, \{0,1,2,3\}\}$$

Sep $(\square_0) = \{<1,4,a><$

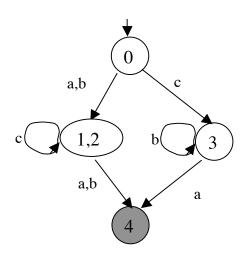
$$Sep([]_0) = \{<1,4,a>,<1,4,b>,<2,4,a>,<2,4,b>,<3,4,a>\}$$

$$\square_1 = \text{Raff}(\square_0, \text{Sep}(\square_0)) = \{\{4\}, \{0\}, \{1,2\}, \{3\}\}\}$$

$$Sep([]_1) = \{<0,1,a>,<0,1,b>,<0,2,a>,<0,2,b>,<0,3,a>,<1,4,a>,<1,4,b>,<2,4,a>,<2,4,b>,<3,4,a>\}$$

$$\square_2 = \text{Raff}(\square_1, \text{Sep}(\square_1)) = \{\{4\}, \{0\}, \{1,2\}, \{3\}\} = \square_1$$

 D/\square_1



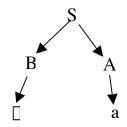
c) (Grammatica regolare) G=<{a,b,c},{S},S,{S::=(a | b) c*(a | b) | c b* a}> d) (Grammatica libera) G'=<{a,b,c},{S,A,C, B},S,{S::=A C A, S::= | c B a, A::=a, A::=b, C::=cC, C::=
$$\square$$
 B::=bB, B::= \square }>

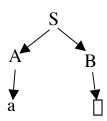
ESERCIZIO 2

Si mostri che la seguente grammatica è ambigua: $G=<\{a,b\}, \{S,A.B\},S,\{S::=BA,S::=AB,B::=bB,B::=[]A::=a,A::=aA\}$

Soluzione

Ad esempio la sequenza di simboli a è frontiera di entrambi gli alberi seguenti:





ESERCIZIO 3

Si consideri il linguaggio L sull'alfabeto {a,b,c} definito dalla seguente espressione regolare:

umani (ablb)(alb)*

Quali delle espressioni seguenti definisce un linguaggio contenuto in L?

- 1) a*
- 2) b*
- 3) bb*

Soluzione

La sequenza vuota non appartiene al linguaggio che è infatti costituito da sequenze di simboli che iniziano con ab o con b, per cui

- 1) no
- 2) no
- 3) si

Seconda parte

ESERCIZIO 1

Si consideri lo stack di frames: $\Box = \Box .\Box .\Omega$ dove $\Box e \Box .$ sono i seguenti frames: $\Box = \Box [0/x] [1/y]$ $\Box .$ $\Box .$ $\Box .$ $\Box .$ Indicare i valori $\Box .$ (x), $\Box .$ (y) $e \Box .$ (z) nei seguenti casi:

- (i) $\prod' = (\prod [0/z])[10/z]$
- (ii) $\prod' = \prod [10/z] \cdot \prod' [5/z, 9/x] \cdot \Omega$

Soluzione

- (i) $\square'=\{(x,0),(y,1)\}$ $\square'(x)=0$, $\square'(y)=1$ $\square'(z)=\square$
- (ii) $\Box' = \{(x,0),(y,1),(z,10)\}.\{(y,4),(x,9),(z,5)\}\ \Box'(x) = 0, \Box'(y) = 1\ \Box'(z) = 10$

ESERCIZIO 2

Si supponga di estendere la sintassi dei comandi con il seguente comando:

Dove l'espressione E è di tipo int e il significato informale del comando e che viene valutata l'espressione E ottenendo il valore v, se v=0 viene eseguito C1, se v<0 viene eseguito C2, se v>0 viene eseguito C3. Dare la semantica operazionale del nuovo comando, con riferimento al modello in cui lo stato è composto solo da stack di frames.

Soluzione

$$\begin{array}{c} \square_{\text{ exp }} 0 & \square_{\text{ cmd }} \square' \\ \hline <\text{iftre(E) } C_{1} C_{2} C_{3}, \square > \square_{\text{ com }} \square' \\ \hline \\ \square_{\text{ exp }} v & v < 0 & \square_{\text{ cmd }} \square' \\ \hline <\text{iftre(E) } C_{1} C_{2} C_{3}, \square > \square_{\text{ com }} \square' \\ \hline \end{array}$$

iftre>0
$$\xrightarrow{\text{ []}_{\text{exp}}} v v > 0 < C_3,[]> []_{\text{cmd}}[]'$$

ESERCIZIO 3

Si vuole aggiungere alla classe Arrays vista a lezione, un nuovo metodo statico CambiaElem. L'intestazione di tale metodo è:

```
public static void CambiaElem (int [] a, int old, int new)
/** modifica l'array a sostituendo tutti i elemnti uguali ad old con il valore
new.

param a: un array di interi
param old: int
param new: int
```

Si definisca il corpo del metodo, in modo che modifichi l'array a argomento del metodo, sostituendo tutti gli elementi uguali al valore del parametro old con il valore del parametro new Ad esempio, se a è l'array rappresentato dalla seguente tabella:

```
23 0 -9 -96 6 7 -4 6
```

la chiamata Arrays.CambiaElem(a, 6, -6) modifica l'array nel seguente modo:

```
23 0 -9 -96 -6 7 -4 -6
```

Soluzione

```
public static void CambiaElem (int [ ] a, int old, int new)
/** modifica l'array a sostituendo tutti i elemnti uguali ad old con il valore new */
for (int i=0; i<a.length; i++)
   if (a[i]==old) a[i]=new;
}</pre>
```

ESERCIZIO 4

Dato il seguente programma:

```
prog {class Ciuno{
    public int x;
    }
    class Cidue{
    public int y;
    public int x;
    public void UpdMe(int i) {
        if (this.x < i) this.y=i; (5)
    }
}</pre>
```

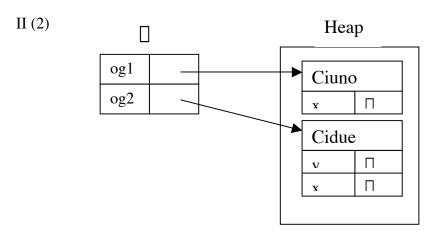
```
Ciuno og 1 = new Ciuno();
       Cidue og2= new Cidue();
                                            (2)
       og1.x=37;
       og2.x=30;
                                            (3)
       og2.UpdMe(og1.x);
                                            (4)
}
}
rappresentare graficamente:
    I. l'ambiente delle classi al punto (1);
```

- II. lo stack di frames e lo heap dopo l'esecuzione del comando (2),
- III. lo stack di frames e lo heap dopo l'esecuzione del comando (3),
- IV. lo stack di frames e lo heap dopo l'esecuzione del comando (4),
- V. lo stack di frame e lo heap prima e dell'esecuzione del comando (5) (esecuzione del metodo ÚpdMe invocato in (4)).
- VI. lo stack di frame e lo heap dopo l'esecuzione del comando (5) (esecuzione del metodo UpdMe invocato in (4)).

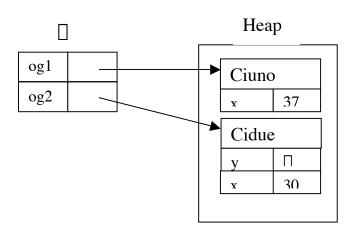
Soluzione

I.(1)

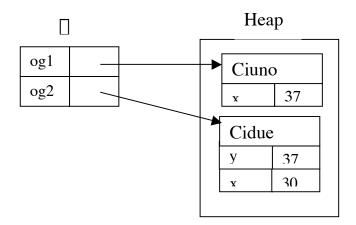
Ciuno	{(x,□)}		
Cidue	$\{(y, \square), (x, \square)\}$	UpdMe i	if (this.x <i) {this.y="i;}</th"></i)>











V

